

### • Adlandırma kuralları

- önceden kullanılan ad tekrar kullanılamaz
- değişken adları 63 karaktere kadar içerebilir

ör

>> code = 443

>> mass - of - earth = 5.972E24

>> university = 'erciyes'

// Sonuna ; koyarak enterlayınca gösterime yapmıyor.

- İlk karakter harf olmalı
- İlk karakterden sonraki karakterler harf, sayı ve underscore (-) içerebilir.

ör

NetVal ✓ Left2Pay ✓ X-3 ✓ ERU1978 ✓

Net-Val X 1978ERUX %X X @Sign X

- MATLAB 'de büyük - küçük harf duyarlıdır. Num ile num farklıdır

- MATLAB'ın anahtar kelimelerini kullanmaktan kaçının

ans → Default variable for ans

eps → en küçük artımsal sayı

pi →  $\pi$

Inf → infinity

NaN → not a number. 0/0 gibi

i ve j karmaşık sayıları ifade eder ( $\sqrt{-1}$ )

- MATLAB'ın anahtar fonksiyonları da değişken adı olarak kullanılamaz

namelengthmax → fonksiyonu değişken adının sızıp alabileceği max uzunluğu verir.

x = numelengthmax yapınca  
63 veriyor.



## Scalars

```
>> code = 443
```

```
code =  
443
```

```
>> c = 2.1 * 21 - 2 * a
```

```
c =  
42.1000
```

```
>> h = 22/7;
```

## Çıktı Formatı

MATLAB sayıları floating-point değerler olarak saklar. ve onları öyle gösterir.

"format" ile gösterim değiştirilebilir.

```
>> format long
```

```
>> a = 1.123000123123123123;
```

```
>> a
```

```
a =
```

```
1.12300012312312
```

→ 16 karakter (noktayı da içerir)

```
>> a = 100004545.99923423499111;
```

```
>> a
```

```
a =
```

```
1.000045459992342e+008
```

→ 10<sup>8</sup>

```
>> format short
```

```
>> a = 1.123000123123;
```

```
>> a
```

```
a =
```

```
1.1230
```

→ 6 karakter

```
>> a = 100004545.99923423499111;
```

```
>> a
```

```
a =
```

```
1.0000e+008
```

→ 10<sup>8</sup>



## Bunlar

format long

format short

format short Eng

format long Eng

format hex alabilir

Kullanılan formatı öğrenmek için  
>> get(0, 'Format') yapılır.

// Sayıyı basamaklandırırken ondalık kısma geçerken nokta(.) koy.

## Vektörler

• MATLAB'de 2 tip array vardır

- sayıların matrisi (double veya karmaşık)

- cell array of objects (more advanced data structures)

• Row vector (sıra vektörü); bracket ([]) arasındaki değerler virgülle veya boşlukla ayrılır.

>> row = [1 2 3 4];

>> row = [1, 2, 3, 4];

• Column vector (sütun vektörü); semicolon ile ayrılır.

>> col = [1; 2; 3; 4];

>> col = [1 2 3]';

→ transpose

// farklı şekilde.

• Vektörün boyutu: length

>> length(col)

ans =

3

\* Bos vektor oluşturmak için;

>> v = []; yapılır.



## // Bezi vector Constructorları

### • linspace()

>> a = linspace(0, 10, 5) // 0'dan 10'a kadar 5 elemanı yap

a =

0 2.5000 5.0000 7.5000 10.0000

### • Colon operatörü (:)

[start: stepsize: end]

[0:0.25:1]

sekinde de yazilabili.

>> m = 3:8, r = 0:0.25:1, s = 1:-1

m =

3 4 5 6 7 8

r =

0 0.2500 0.5000 0.7500 1.0000

s =

1x0 empty double row vector

### • logspace (logaritmik olarak degerler baslangicta olur)

## Matrices

Vektörler gibi olusturulur. (Farkli satirlara girmek icin ; kullanilir.)

>> A = [1 2; 3 4];

### • Vektörleri birlestirerek (Concatenation)

>> r1 = [2 4];

m =

>> r2 = [3 6];

>> m = [r1; r2];

2 4

3 6 olur.



- vektör ve matrix birleştirildiğinde, boyutu ve tipi tutarlı olmalıdır.

$r3 = [2 \ 3 \ 4]$

$M = [r3; m] \rightarrow$  hatz verir.

- Matrisin boyutu

$\gg [r, c] = \text{size}(m)$   $r=3$   $c=2$  olur gibi  
     ↳ satır      ↳ sütun

$\gg r = \text{size}(m, 1)$  // satır sayısı

$\gg c = \text{size}(m, 2)$  // sütun sayısı

$\gg nd = \text{ndims}(m) \rightarrow$  Boyutlu dur.

## // Özel Matrisler

- $\text{zeros}(m, n) \rightarrow m \times n$  boyutlu 0'lerden oluşan matris

- $\text{zeros}(n) \rightarrow n \times n$  boyutlu " " " "

- $\text{ones}(m, n) \rightarrow m \times n$  boyutlu 1 " " " "

- $\text{eye}(n) \rightarrow n \times n$  birim (identity) matris

- $\text{magic}(n) \rightarrow n \times n$  matris ama 1'den  $n^2$ 'ye kadar sayılardan oluşuyor ve satırların toplamı, sütunların toplamı eşit.

$\gg \text{eye}(3)$

ans =

1 0 0  
0 1 0  
0 0 1

$\gg \text{magic}(3)$

ans =

8 1 6<sup>†</sup> | 15  
3 5 7<sup>†</sup> | 15  
4 9 2  
+-----+  
15 15

45=45

$\text{magic}(2)$

ans =

1 3<sup>†</sup> | 4  
4 2<sup>†</sup> | 6  
+-----+  
5 5

6+4=10

5+5=10



uniformly=düzgün olarak

0 0 0 0  
0 0 0 0  
6 0 0 0

## // Rastgele matrisler

• rand(m,n)

• [0,1] aralığındaki rastgele sayıların düzgün dağıtıldığı m x n boyutlu matris oluşturur.

>> M = rand(2,3)

M = 0.8147 0.1270 0.6324  
0.9058 0.9134 0.0975

• randn(m,n)

• rastgele sayıların normal olarak dağıtıldığı m x n matris. (mean=0, standart deviation 1)

>> M = randn(2,3)

M = -0.4336 3.5784 -1.3499  
0.3426 2.7694 3.0349

her yazıldığında farklı oluşturur  
rand()  
değere.

• randi([min,max],m,n)

- [min,max] değerleri aralığından m x n'lik ayırık dağılmış matris oluşturur.

>> randi([5,10],2,3)

ans =  
9 5 7  
10 8 5

## // Matrisleri Birleştirme ve Kopyalama

• repmat

>> b = repmat(5,3,2)

b =  
5 5  
5 5  
5 5

>> b = repmat([1 2; 3 4],2,3)

b =  
1 2 1 2 1 2  
3 4 3 4 3 4  
1 2 1 2 1 2  
3 4 3 4 3 4



• dikey birleştirme (vertcat'e bak)

```
>> v1 = [2 3 4]; v2 = [1 2 3];
>> x = [v1; v2];
x =
     2     3     4
     1     2     3
```

• yatay birleştirme (horzcat'e bak)

```
>> v1 = [2; 3; 4]; v2 = [1; 2; 3];
>> x = [v1 v2];
x =
     2     1
     3     2
     4     3
```

• vertcat ile

```
>> v1 = [2, 3, 4]; v2 = [1 2 3];
>> x = vertcat(v1, v2)
x =
     2     3     4
     1     2     3
```

• horzcat ile

```
>> v1 = [2; 3; 4]; v2 = [1; 2; 3];
>> x = horzcat(v1, v2)
x =
     2     1
     3     2
     4     3
```

// Reshaping matrices

! operatörü

```
>> A = randi([1, 10], 4, 2)
```

```
A =
     5     7
    10     1
     8     9
    10    10
```



$\gg y = A(:)$   $\rightarrow$  A'yi tek satır halinde yazıyor.  
 $y =$   
 5  
 10  
 8  
 10  
 7  
 1  
 9  
 10

reshape

$\gg B = \text{reshape}(y, 2, 4)$   
 // y'yi 2x4 matrise dönüştürür

$B =$   
 5 8 7 9  
 10 10 1 10

$\gg M = \text{reshape}(\text{linspace}(11, 18, 8), [2, 2, 2])$   
 // 11'den 18'e kadar 8 eleman oluştur ve bunları 2x2x2'lik matrise koy.

$M(:, :, 1) =$  "1. boyutu"

11 13  
 12 14

$M(:, :, 2) =$  15 17  
 16 18

Arrayleri çevirmek (flip) için birkaç fonksiyon bulunmaktadır.

- fliplr fonksiyonu matrisi soldan sağa çevirir.
- flipud yukarıdan aşağıya
- flip  $\rightarrow$  çevirir.

$\gg A = [-3, 0, 3; -2, 0, 2; -1, 0, 1]$

A =

-3 0 3  
 -2 0 2  
 -1 0 1

$\gg \text{flip}(A, 2)$  % Soldan sağa (fliplr)

3 0 -3  
 2 0 -2  
 1 0 -1

1 5 9 13  
 2 6 10 14  
 3 7 11 15  
 4 8 12 16

$\gg \text{flip}(A, 1)$  % Yukarıdan aşağıya (flipud)

-1 0 1  
 -2 0 2  
 -3 0 3

olur.

13 9 5 1  
 14 10 6 2  
 15 11 7 3  
 16 12 8 4



## Vector Indexing

Matlab'ta indisler 0'dan değil, 1'den başlar.  
 $v(n)$ ,  $v$ 'nin  $n$ . elemanını gösterir.

```
>> v = [-2 -1 0 1 2];
```

```
>> v(1)
```

ans =

-2

```
>> v(2:4) // 2'den 4. elemana kadar
```

ans =

-1 0 1

```
>> v(3:end) // 3'den sonuncuya kadar
```

ans =

0 1 2

- Index argümanı vektör olabilir. Bu durumda, her eleman bireysel olarak incelenir.

```
>> a = [-2, -1, 0, 1, 2];
```

```
>> x = [1 3 5];
```

```
>> a(x)
```

ans =

-2 0 2

```
>> a(1:2:5)
```

olabilir ya da // 1'den 5'e kadar 2

ser 2 ser

1, 3, 5 olur

-2 0 2 çıktısını verir

- Subscripts (sıra ve sütun)

```
>> M = [1, 2, 3, 4; 5, 6, 7, 8; 9, 10, 11, 12; 13, 14, 15, 16]
```

```
>> M(1, 3) // 1. sıra 3. eleman
```

ans =

3

```
>> M(2, :)
```

ans =

5 6 7 8

```
>> M(2, 1:3)
```

ans =

5 6 7

```
>> M(2:end, 3)
```

ans =

7

11

15 olur.



• lineer indisler

>> M = [16 2 3 13; 5 11 10 8; 9 7 6 12; 4 14 15 1];

>> m(2)

ans =

5

>> m(7)

ans =

7

1	16	2	3	13
2	5	11	10	8
3	9	7	6	12
4	4	14	15	1

• Subscripts ve lineer indisler arasında convertler.

>> ind = sub2ind(size(m), x, y) % Subscript → lineer indis

>> [x, y] = ind2sub(size(m), ind) % lineer ind → subscript

• Belli bir degerdeki yazdigi rangeldeki indisi bulma

>> L = [0, -1, 0; -1, 4, -1; 0, -1, 0];

>> ind = find(L < 0) // negatif elementlerin indisini denderic

ind =

2

4

6

8

> = < = kullanılabilir.

>> ind = find(L > 0 & L < 5)

ind =

5

**İşlemler**

• Aritmetik işlemler (+, -, \*, /)

>> 7/45

>> (2+i) \* 4/5 => ans = 1.6000 + 0.8000i



• Exponentiation (^) (üstel)

>> (3+2\*j)^2

ans =

24.000 + 10.0000i

• Karmaşıklık önlemek için parantez kullan

>> ((2+3)\*3)^0.5

• Multiplication is not implicit + given parenthesis

>> 3(1+0.7)

↑  
Hata verir.

## Tienspoz

Tienspoz işlemi sütunları satıra, satırları sütuna çevirir.

ör

>> a = [-2; 2]

a =

-2 -1 0 1 2

>> a'

ans =

-2

-1

0

1

2

>> a = [3, 4; 1, 2; 3, 1]

a =

3 4

1 2

3 1

>> a'

ans =

3 1 3

4 2 1

## Vektör işlemleri

Matlabın içinde vektörlerde işlem yapmamızı sağlayan fonksiyonlar vardır.

>> a = [1 4 6 3]

a =

1 4 6 3

>> sum(a)

ans =

14

>> mean(a)

ans =

3.5000

>> var(a) // varyans

ans =

4.3333



>> std(z) // Standard deviation

ans =

2.0817

>> max(z)

ans =

6

>> min(z)

ans = 1

- X • Verilen bir matrisde, bu işlemler matrisin her sütununda yapılır ve sonuç olarak bir satır vektörü döndürülür.

>> A = [1 2 3; 4 5 6];

>> mean(A) // Her sütun için yapılır

ans =

2.5000 3.5000 4.5000

$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$

>> mean(A, 2) // Satır satır işlem yapılır.

ans =

2

5

$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$

>> max(A) // Her sütun için

ans =

4 5 6

>> max(max(A))

ans =

6

$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$

- X • abs ve sign işlemleri matris veya vektörler üzerinde uygulanabilir.

signum'da 
$$y = \text{sgn}(f(x)) = \begin{cases} 1 & f(x) > 0 \text{ ise} \\ 0 & f(x) = 0 \text{ ise} \\ -1 & f(x) < 0 \text{ ise} \end{cases}$$



>> M = [0 4 -3; -1 0 2]

M =

0 4 -3

-1 0 2

>> abs(M)

ans =

0 4 3

1 0 2

>> sign(M)

ans =

0 1 -1

-1 0 1

### Element-wise Operations (Element bazlı)

- Bu işlemler "element by element" yapılır.
- Bunları yapmak için, nokta kullanılır:  $\cdot$   $\cdot^*$   $\cdot /$   $\cdot ^$
- Eğer 2 vektör/matris toplanacaksa, çıkarılacaksa ya da element-wise çarpım veya bölüm yapılacaksa, aynı boyutta olmalıdır.

>> a = [1, 2, 3, 4]'; → transpose

>> b = [5, 6, 7, 8]';

$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \end{bmatrix}$

>> a + b

ans =

6

8

10

12

>> a - b

ans = -4

-4

-4

-4

>> a.^2 // karesini alır

ans =

1

4

9

16

>> b.^2

ans =

25

36

49

64



>> 2.\*b

ans =

5

12

21

32

>> 2./b

ans = 0.2000

0.3333

0.4286

0.5000

// Built-in functions

>> sqrt(2)

ans = 1.4142

>> log([1 2 3 4]) // element-wise logarithm

ans =

0 0.6931 1.0986 1.3863

>> exp([1 2 3 4]) // exponential

ans = 2.7183 7.3891 20.0855 54.5982

>> round([1.5 2; 2.2 3.1])

ans = 2 2

2 3

>> floor([1.5 2; 2.2 3.1])

ans = 1 2

2 3

>> ceil([1.5 2; 2.2 3.1])

ans = 2 2

3 4



## Mantıksal ve Hissisel Operatörler

- Boolean değerler: 0 → false  
nonzero → true

- Bezi lojik operatörler:

<, <=, >, >=

küçük, büyük, küçük eşit --

=, ~=

eşit, eşit değil

&

mantıksal AND

|

mantıksal OR

~

mantıksal NOT

all

all true

any

any true

xor

xor

## Mantıksal İndisleme

```
>> R = rand(5)
```

R =

• • • • •  
•  
•  
•  
•

} 5x5 random matris oluşturulur.

```
>> R(R < 0.15)' // R'nin 0.15'ten küçük elemanlar alt indislerdeki  
ans =  
0.1270 0.0975 0.1415 0.0357
```

```
>> isequal(R(R < 0.15), R(find(R < 0.15)))  
ans =  
1
```



## Find Metodu

- find nonzero değerlerin indisini dönderir. Yeni bulduysa

- `index = find (condition)`

```
>> x = rand (1,10)
```

x =

0.4505 0.0838 0.2290 0.9133 0.1524 -->  
-> 0.8258 0.5383 0.8961 0.0782 0.4427

```
>> inds = find (x > 0.4 & x < 0.7)
```

inds =

1 7 10

```
>> x(inds)
```

ans =

0.4505 0.5383 0.4427 olur

## BÖLÜM 2: Introduction to MATLAB: Scripts and Functions, Control Loops and Data Structures

### M-Files

MATLAB programı içeren text dosyaları şu şekilde açılabilir:

- command window
- m-files

There are 2 kind of m-files

- scripts
- functions

Scriptlerde fonksiyonlarda şıkladıkları komut dizileri tekrar kullanılmama olarak sağlar.

- Scripts are simple: komutları aynı command line'a yazdığınız gibi şıklar.



- Fonksiyonlar çok esnek ve daha kolay genişletilebilir.

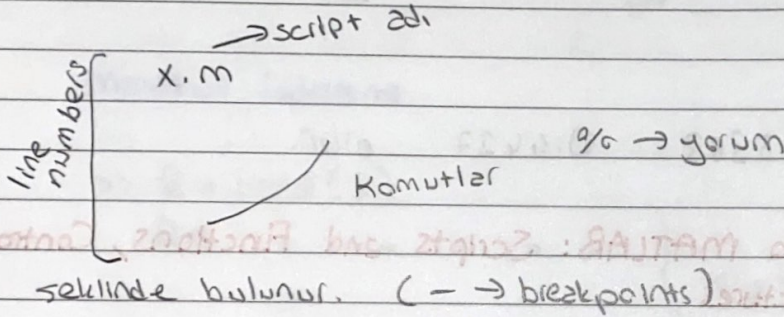
## 1) Scripts

Scriptler;

- bir dizi halinde yazılan komutlar koleksiyonudur.
- MATLAB editörde yazılmıştır.
- MATLAB dosyası olarak kaydedilirler. (m uzantılı)

Command window'dan MATLAB dosyası oluşturmak için New Script'e tıklanır.

Scriptleri açmak içinse command window'dan  
>> open helloworld.m



## NOT

Yorum;

% ile yorum yapılabilir.

ilk gelen yorum scriptin help dosyasıdır.

uygun commentler azmandan tasarruf sağlar.

Scriptlerde bir input ve output yoksa, statik dırabiliriz.

Bir script dosyasında oluşturulan ve değiştirilen tüm variables, çalışmayı durdurduktan sonra bile çalışma alanında bulunur.

workspace



Scriptler workspace deki bir değişkene erişip üzerinde oynamalar yapabilir.

Ör

coin.m adında bir script yazın. Bu scriptle yazı-tuz oyunu tasarlayacaksınız.

Her bir atışta (toss) Heads veya Tails yazmalı.

% coin.m

% a script that flips a coin and displays the output.

if rand < 0.5 % random sayı 1/2'den küçükse

display('Heads');

else

display('Tails');

end.

## NOT

• Burada scriptinizin başka kişiler veya kendiniz tarafından daha kolay anlaşılmasını sağlayacak bazı ipuçlarını göreceğiz.

• Script dosyası header bölümünde sunulan içermelidir.

- program ne yapacak

- yazan kim

- kimin tarafından yazıldı veya gözden geçirildi

- Variable dictionary

• Programın anlaşılabilir olması için white spaces kullan.

(Kodları girisini enterla)

• Commentler kullan.

• Değişkenler için anlamlı ifadeler kullan. <sup>ör</sup> image-size

• clear all ve clc komutlarını scriptin başında kullan.



## 2) Functions

- Fonksiyonlar scriptlere benzer, tek farkı içinde fonksiyon tanımlaması olmasıdır.

function output = functionName(input)

- Fonksiyon içinde oluşturulan ancak döndürülmeyen (return edilmeyen) tüm değişkenler, işlevin gelişmesi durduktan sonra kaybolur.

ör

function [avg, sd, range] = stats(x)

help

↙ %stats: ortalama, standart sapmayı ve verilen range'i hesaplar.

avg = mean(x);

sd = std(x);

range = [min(x); max(x)];

end

MATLAB'de fonksiyon yazmak için;

dosya adı ile  
aynı olmalı

cmd'ye save fonksiyon.m yap ya da new → function file yap

fonksiyon çağırma adı da aynı olmalı

→ bunu yaztık ancak stats yerine fonksiyon yaz.

cmd'den x = [3, 2] yap

fonksiyon(x) ile çağırılabilir.



## User - Defined fonksiyonlar

must have  
the reserved word  
function

function name  
should match m-file  
name.

Inputs must be  
specified

function [out1, out2] = function Name(in1, in2)

birden fazla

output bracket içinde belirtilmeli

- Return 'e gerek yok. = MATLAB zaten fonksiyon tanımındaki yapılan değişken isimlerini dönderecektir.
- Variable scope = Fonksiyon içinde oluşturulan ancak döndürülmeyen (return edilmeyen) tüm değişkenler, işlevin çalışması durduktan sonra kaybolur.

## overloading

- MATLAB fonksiyonları genellikle overloaded tir.

- Değişken sayıda input alabilir.
- Değişken sayıda output dönebilir.

>> a = zeros(2,4,8); → 2x4 boyutunda 8 tane matris oluştur

>> D = size(a) → 2,4,8 döndürür. Elementleri 0 olsun

>> [m,n] = size(a) → m=2 n=32 döndürür.

>> [x,y,z] = size(a) → x=2 y=4 z=8 döndürür.

>> m2 = size(a,2) → 4 döndürür

2,1 → 2

2,3 → 8 döndürür.



- Kendi fonksiyonlarınızı bu şekilde değişken sayıda input ve output-  
larla overload edebilirsiniz.

### Number of Inputs / Outputs

- nargin, geliştirilen fonksiyondaki input değişkenlerinin sayısını döndürür.

```
function c = addme(a,b)
```

```
    → switch nargin
```

```
        case 2
```

```
            c = a + b;
```

```
        case 1
```

```
            c = a + a;
```

```
        otherwise
```

```
            c = 0;
```

```
    end
```

```
end
```

### Command Prompt

```
addme(3,4)
```

```
7
```

```
addme(3)
```

```
6
```

```
addme()
```



```
alur.
```

- nargout, geliştirilen fonksiyondaki output değişkenlerinin sayısını döndürür.



## Global Variables

- Fonksiyonlar, temel workspace'i kullanmazlar. Her fonksiyon kendine alt workspace'i vardır.
- Birkaç fonksiyon tek bir değişkeni paylaşmak gerekliliğindeyse, bu değişken global olarak tanımlanabilir.
- Herhangi bir fonksiyonda bu global değişkenin değiştirilmesi, diğer fonksiyonlara da yansır.

global x  
x = 5  
CMD'de

function r = displayGlobalX

global x  
val = x;

disp(val);

end

buraya gellesek de orada dâim.

## Anonymous Functions

- Dışarıya oluşturulmadan fonksiyonlar
  - 0 veya fazla parametre alabilir.
  - İçeride anonymous fonksiyonlara izin verilir.
  - Expression ve gerekli ifadeler gerekli.

CMD

>> function = @(x,y) x^2 + y^2;

fonksiyon adı almalı.

Değer sonra

>> fonksiyon adı (3,4)

= 25 olur.



## Local Functions

- MATLAB dosyasında birden fazla fonksiyon bulunabilir.
- İlk fonksiyon main fonksiyondur.
  - Herhangi bir yerden çağırılabilir.
- Other functions local fonksiyonlardır.
  - Only callable from main function or other local functions in same file.
  - Enables modularity (large number of small functions) without creating a large number of files.
  - Unfavorable (devenisiz) from code reusability point.

## Control Loops

→ relational

## İlişkisel (Relational) ve Logical Operatörler

\* Boolean değerlerde = zero = false  
non zero = true

### Bazı mantıksal operatörler

### Bazı ilişkisel Operatörler

<, <=, >, > = } less than, less than  
or equal to etc.  
==, ~= } equal to, not equal to

& → logical and

| → logical or

~ → logical NOT

all → all true

any → any true

xor → xor

false

find

is logical

logical

time gibi



## if / else / ~~if~~ else if

if expression1  
statements1

elseif expression2  
statements  
--

else  
statements --

end

- Parantez gerek yok; comment blocks are between reserved words.

## switch

switch variable

case value1

statements --

case value2

statements --

otherwise % for all other values

statements

end

## for

- iterasyon sayısı biliniyorsa kullanılır.

for n=1:100

statements --

end

loop değişkeni:

- vektör gibi tanımlanır.
- is a scalar within the command block.
- ardışık olamaz değer vermek  
zorunda değildir  
(fakat diziye atılabilir olur.)
- (consecutive = ardışık)



while

- while daha geneldir. İterasyon sayısını bilmeye gerek yok.

```
while condition
    commands (true iken)
end
```

## Pre-Allocation of Memory

İteratif olarak array boyutunu arttıran for ve while döngüleri; performansı olumsuz etkileyebilir.

- Tekrarlı olarak array boyutunu değiştirmek MATLAB'de extra time harcamasını gerektirir.

```
for n = 1:10000
    x(n) = rand();
end
```

```
x = zeros(1, 10000);
for n = 1:10000
    x(n) = rand();
end
```

Preallocation yapmadan boyut değiştirirsek;

```
x = 8;
x(2) = 10;
x(3) = 12;
```

8	x(2)=10	8	x(3)=12	0x0000
0x0008	→	8	→	8
0x0010		10		10
0x0012		0x0012		8
		" 14		10
		" 16		12
		" 18		0x0018

Gök fazla bellek alanı harcar. Gereksiz veri tutar.



Piezalloczton yaparsak;

★ →  $x = \text{zeros}(1,3); \rightarrow 1 \times 3$   
matris

$x = 8$

$x(2) = 10;$

$x(3) = 12;$

8

0

0

8

10

0

8

10

12

olur.

try-catch

try

Statements

catch exception

Statements

end

ör

try

$z = \text{noteFunction}(5,6)$

catch

warning('Format using function.  
Assigning a value of 0.');

end

Remarks (Açıklamalar)

- break: immediately jumps execution to the first statement after the loop.
- continue: loop'de geri kalan statementleri atlar ve next itersiyondan başlar.

- return: immediately end a functions routine.

- eğer çok complex değerler varsa bunlar için i ve j kullanma

- Loops are inefficient in MATLAB. Try using built-in functions instead

- Allocating memory before loops greatly speeds up computation times



## ör Avoiding loops

$x = \sin(\text{linspace}(0, 10 * \pi, 100))$  verilsin. Kaç tane entry positif  
 $\Rightarrow$  0'dan  $10 * \pi$ 'ye kadar 100 eleman oluşturun.

Using a loop and if/else  
count=0

for n=1:length(x)

if x(n)>0

count=count+1;

end

end

Daha etkili bir şekilde şu olur.

count = length(find(x>0));

Yeni bütün looplardan uzak durmalıyız. Built-in fonksiyonlar bunu daha hızlı yapabiliyor.

## Timing

- tic/toc : kodun çalıştırıldığında ne kadar zaman aldığı gösteren built-in fonksiyondur.
- Tic timerı 2222 ve toc ile zaman hesaplanır ve sonuç yazdırılır.

tic

mySum = 0;

for n = 1:10000

mySum = mySum + n;

end

toc



- MATLAB zayıf Profiler ile kodların çalışma zamanında detaylı rapor oluşturulur.

- Bunu ise profile on, profile off ve profile viewer metoduyla yapabiliriz.

```
>> profile on
```

```
>> test_for
```

```
Elapsed time is 0.039972 seconds
```

```
>> profile viewer
```

```
>> profile off
```

## Data Structures

- 2D' matrisler kullandık.

- n boyutlu olabilir.

- her eleman aynı tipte olmalı. (integers, doubles, characters...)

- Matrisler space-efficient ve convenient for calculation.

- Bazen çok karmaşık veri tipleri duruma göre daha uygun olabilir.  
(appropriate=uygun)

- Cell array = array'e benzer, ancak elemanları aynı veri tipinde olmak zorunda değil.

- Structs: variable adını ve değerlerini tek yapıda toplar.

### 1) Cell Arrays

Cell matrix gibidir, fakat her alan herhangi birşey olabilir.  
(hatta matris bile)



2x2 matrix

1.2	2.3
3.2	2.1

3x3 Cell Array

John

Mary

Leo

	32	
	27	1
	18	

2
4

[ ]

Bu şekildeki gibi bir cell array, yaşını ve çocuklarının yaşını tutabilir.

To do same with matrices, you would need 3 variables and padding

Veri tipini initializationda

- To initialize a cell, specify the size  
3 rows 10 columns

>> a = cell(3,10);

- ya da manuel olarak yazmak için, curly braces {} kullanılır.  
1 row 3 column için

>> c = {'hello world', [1 5 6 2], rand(3,2)};

- bir celldeki eleman her şey olabilir.  
elemanlara erişmek için;

>> a{1,1} = [1 3 4 -10];

>> a{2,1} = 'hello world';

>> a{1,2} = c{3};



## 2) Structs

- Structlar isim eklemenizi sağlayan ve ilgili değişkenleri saklar.
  - C' deki gibi objeler var.
- To initialize an empty struct
  - >> s = struct([]);
  - size(s) 1x1 olur.
- Initialization is optional but is recommended when using large structs
- To add fields
  - field değerleri herhangi bir şey olabilir: matrix, cell hatta struct.
  - useful for keeping variables together.
- >> s.name = 'Aslı Hızım';
- >> s.scores = [80, 60, 70];
- >> s.status = 'P';
- ↳ substring kullan s(1).adi gibi.

cell2mat - cell2struct

- cell2mat => convert cell array to ordinary array of the underlying data type.

>> C = {[1], [2,3,4]; [5; 9], [6 7 8; 10 11 12]}

C =

2x2 cell array

{ [ 1 ] } { 1x3 double }  
{ 2x1 double } { 2x3 double }

>> A = cell2mat(C)

olur.

A =

1 2 3 4  
5 6 7 8  
9 10 11 12

- cell2struct = convert cell array to structure array.

>> c = {'001', 'Aslı', 75; '002', 'Hızım', 85};

>> fields = {'number', 'name', 'mark'};

>> cStruct = cell2struct(c, fields, 2)

selemani

cStruct =

2x1 struct array with fields:

number

name

mark



## ÖRNEKLER

### Practice - 2 - 1. m

$A = \text{ones}(10, 10);$   $\rightarrow$   $10 \times 10$  boyutunda birden oluşan matrisler.

$B = \text{ones}(10, 10);$

$v = 1:10;$  % 1'den 10'e kadar sayıları tutar.

$[m, n] = \text{size}(A);$

$\rightarrow 10 \rightarrow 10$

for  $i = 1:m$

$A(i, :) = A(i, :) - v;$

end

1. satırının

tüm elemanları

1. satırının

tüm elemanları

Yani satırcı çıkarma yapıyor

sonuç

$A = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 & -3 & -4 & -5 & \dots & -9 \\ 0 & -1 & -2 & -3 & -4 & -5 & \dots & -9 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & -1 & -2 & -3 & -4 & -5 & \dots & -9 \end{bmatrix}$

10 tane

$B = B - \text{repmat}(v, m, 1)$  %  $10 \times 1$  boyutunda elemanları  $v$ 'den oluşan matris

Yani  $10 \times 10$  boyutunda

olmuş olur.

$B$ 'de aynı çıktıyı vermiş olacaktır.



## Practice-2-2.m

A = randi([-10,10], 10, 10); 10x10 boyutundaki elementler.  
-10 ile 10 arasında matris.

[m,n] = size(A);

B = zeros(m,n);

C = zeros(m,n);

% % A'daki pozitif elementleri B'ye atalım  
section 2. yöntem

```
for i = 1:m
    for j = 1:n
        if A(i,j) > 0
            B(i,j) = A(i,j);
        end
    end
end
```

Bun section diyerek bulması  
çalıştırılabilir.

% 2. yöntem

% % 2.

ind = find(A > 0);

C(ind) = A(ind);

D = zeros(m,n);

% % 3. yöntem

D(A > 0) = A(A > 0); % Copies into D only the elements of A  
that are > 0

if isequal(B, C, D)

disp('B, C ve D eşitler')

end



## Practice - 2-3.m

% Verilen bir dizinin elemanlarını (1xN vektör) aynı boyuttaki  
% diğer vektöre ardışık elemanların toplamıyla eklenmesi  
% ilk eleman aynı kalacak

$v = \text{randi}([1, 100], 1, 10);$   $\rightarrow 1 \times 10$   
 $[m, n] = \text{size}(v);$   $\rightarrow 3 \ 2 \ 1 \ 4 \ 2$  olsun  
 $w = \text{zeros}(m, n);$   $\rightarrow 1 \times 5$  bu  
 $u = \text{zeros}(m, n);$

% % for ile

for  $i = 1:n$

if  $i == 1$

$w(i) = v(i);$

else

$w(i) = v(i-1) + v(i);$

end

end

% % vektöre.

$u = [0 \ v(1:\text{end}-1)] + v;$

elementler  
sıfır kayması gibi olur.

if  $\text{isequal}(w, u)$

$\text{disp}('u \text{ and } w \text{ are equal}');$

end

$\rightarrow$  eşit olurlar.



## Bölüm 3: GRAPHICS, VISUALIZATIONS AND SYMBOLIC TOOLBOX

### Basic Plotting (Temel Grafiklendirme)

`plot()` her  $(x,y)$  çifti için nokta oluşturur ve sonrasındakilerle line ile bağlar.

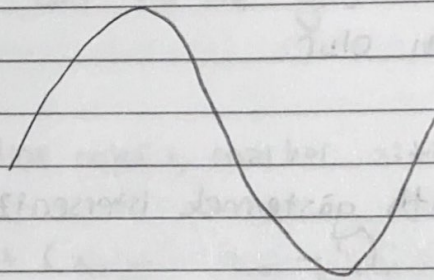
`>> x = linspace(0, 2*pi, 1000);`

→ 0'dan  $2\pi$ 'ye kadar 1000 tane sayı oluşturulur

`>> y = sin(x);`

→ Bu fonksiyonu çizdireceğiz

`>> plot(x, sin(x))`



şeklinde bir çıktı olur.

`>> plot(y);` 0'dan 1000'e kadar gösterir.

→ x ve y aynı uzunlukta olmalıdır.

• `figure`: to open a new figure and avoid overwriting plots.

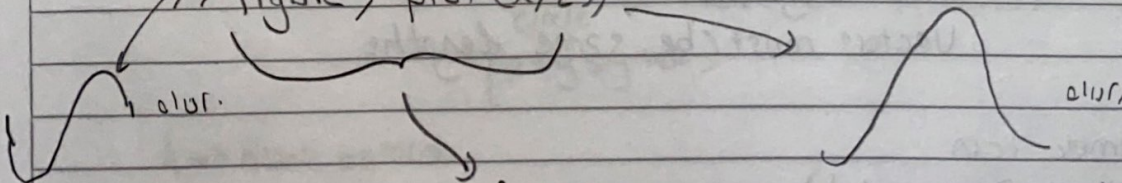
`>> x = [-pi : 0.1 : pi];` // -pi'den pi'ye kadar 0.1 ilerleyerek vektör oluştur.

`>> y = sin(x);`

`>> z = cos(x);`

`>> plot(x, y);` % automatically creates a new figure

`>> figure; plot(x, z);`



Bununla x,y çizilmeye devam ederken x,z çifti de başka pencerede çizilir.



• close: close figures

>> close 1

>> close 211

→ 1 tane kepe (en

hepsini kepe

• hold on/off: multiple plots on same graph

>> plot(x,y); hold on

>> plot(x,z,'r'); hold off.

Buton x birazlık da olabilir.

>> plot(x,y)

>> hold on

>> plot(x,z,'r')

>> hold off

>> plot(x,y) → Sadece bu olur.

red

ikisi aynı figure penceresinde gösterilir.

• Plot fonksiyonunu daha smooth göstermek isterseniz, daha fazla noktaya değeri değerlendirilir.

>> x = linspace(0, 4\*pi, 10);

>> figure; plot(x, sin(x));

>> x = linspace(0, 4\*pi, 1000); → Daha iyi görünür.

>> figure; plot(x, sin(x));

\* x ve y vektörleri aynı boyutta olmalı yoksa hata çıkarılır.

>> plot([1,2],[1,2,3])

??? Error using plot =>

Vectors must be same lengths.

• Başlık eklemek için

>> title('Plot Title')



- 2 xis etiketleri için

```
>> xlabel('x-label');
```

```
>> ylabel('y-label');
```

ilk grafik oluşturulmalı

```
>> plot(x,y)
```

```
>> title('sinograph')
```

```
>> xlabel('x')
```

```
>> ylabel('sin(x)')
```

```
>> grid 'on' → ile gridler gösterilmiş olur
```

- Plotun line color, marker stili ve line stili değiştirilebilir.

```
>> plot(x,y,'k.-');
```

color      marker style      line style

- Plot line style 'i' ihmal edilerek noktalar birbirine bağlandırılabilir.

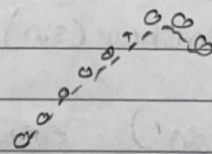
```
>> plot(x,y,'o')
```

markers

default color = blue

```
>> plot(x,y,'ro--')
```

circle (x=y sayısıdır)      dash line



şeklinde olur.

k ⇒ black color'dır.

— → simple line

```
>> plot(x, sin(x), 'gd:')
```

green      diamond      dot line



>> doc plot ile dokumentasyonu görebiliriz.

m → magenta rengi (pembemsi)

ya da rengimizi şöyle değiştirebiliriz;

>> plot(x, y, 'color', [0.5, 0.5, 1.0])

1.0 → üst sınır.

>> plot(x, y, 'linewidth', 2.0)

kalınlığı

Bunları ayrıca pencereden de yapabiliriz. (Açılan figure penceresi)

şef tıklaz yapabiliriz. gizlin olduğu yerde.

Ama üstten fareyi seç ilk başta

Ayrıca property inspector den pozisyon vb. değiştirilebilir.

Show legend ile veri bilgisi grafikte gösterilir.

Save figure ile fig şeklinde veya resim, pdf şeklinde de kaydedebiliriz.

Ayrıca export da edilebilir.

Mesela sin.tif şeklinde kaydettiyssek;

>> figure; imshow(sin) yapılarak zayılabılır.

>> legend('sin') şeklinde veri bilgisi eklenebilir.

show code ile graf kodu alınıp seniz kullanılabilir.



ör

```
>> x = -pi:pi/20:pi;  
>> y = tan(sin(x)) - sin(tan(x));  
>> plot(x,y, '--s', 'linewidth', 2, 'Color', [1 0 0],  
        'MarkerEdgeColor', 'k', 'MarkerFaceColor', 'g',  
        'MarkerSize', 10)
```

>> doc Line Properties % Plotting detayları

## Cartesian Plots

//Bunu gördükten geçirdik detaya girme.

semilogx → logaritmik ölçeklendirme x ekseninde

semilogy → " " " " y " "

loglog → x-y ekseninde logaritmik ölçeklendirme

plotyy → 2D line plot: her iki taraf y eksenini olur.

```
>> x = 0:100;
```

```
>> semilogy(x, exp(x), 'k.-') → y eksenini
```

→ ekseninde olur.

$10^3$
$10^2$
$10^1$
$10^0$

## GRAPHICS

### 1) Bar Graph

```
>> x = categorical({'ff', 'xx', 'aa'});
```

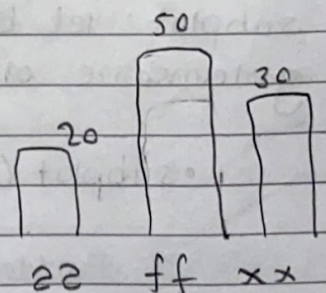
```
>> y = [50, 30, 20];
```

```
>> x = reordercats(x, {'ff', 'xx', 'aa'});
```

```
>> bar(x,y)
```

```
>> title, xlabel vb yazılabilir
```

Burisi dimesizdir  
olur



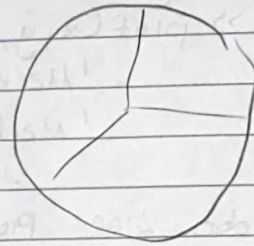
olur



## 2) Pie Charts

$\frac{pie}{20}$ ,  $\frac{pie3}{30}$

```
>> x = 100 * rand(1,5);  
>> pie(x)  
>> title('Pie Chart');  
>> legend('FF','DC','CC','BB','AA');
```

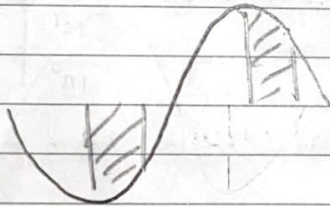


Şeklinde olur.

## 3) Area Graph

```
>> x = [-pi:0.01:pi]; y = sin(x);  
>> plot(x,y); hold on;  
>> area(x(200:300), y(200:300));  
>> area(x(500:600), y(500:600)); hold off.
```

yazmayı  
unutma.



→ Şeklinde taralı yerler boynur.

## Multiple plots in one Figure Window

subplot tek bir figure penceresinde farklı plotları aynı aynı göstermemize olanak sağlar.

- subplot(2,3,1) 2 rows ve 3 column, figure oluşturup 1. plot çizim anlarını verir.



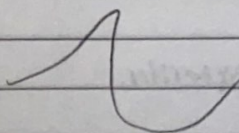
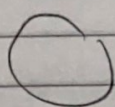
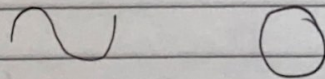
`subplot(2,3,4:6)` → bir range ile aktif eder.

```
>> x = linspace(0, 2*pi, 50);  
>> subplot(2,2,1), plot(x, sin(x)), xlabel('x'), ylabel('sin(x)');  
>> " 2,2,2) , " cos  
2,2,3 sin(2*x)  
2,2,4 plot(x, cos(2*x)) --);
```

Öb

```
>> x = linspace(0, 2*pi);  
>> subplot(2,2,1); plot(x, sin(x), x, cos(x), '--')  
>> axis([-1 9 -1.5 1.5])  
>> xlabel('x'), ylabel('y'), title('Place (1,1)'), grid on  
>> subplot(2,2,2); plot(exp(i*x)), title('Place (1,2):  
z = e^{ix}')  
>> axis square, text(0,0, 'i's complex')  
>> subplot(2,2,3);  
>> polar(x, ones(size(x))), title('Place (2,1)')  
>> subplot(2,2,4);  
>> semilogx(x, sin(x), x, cos(x), '--')  
>> title('Place: (2,2)'), grid on  
>> legend('sin', 'cos', 'Location', 'Southwest')
```

hoca ısterinde pek durmazdı sizsiylz



sekinde grafikler  
olusuyor.

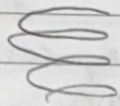


## 3D Plotting

2D gibi 3D plotlar da kolayca yapılabilir.

```
>> t = 0:0.001:4*pi;  
>> x = sin(t);  
>> y = cos(t);  
>> z = t;  
>> plot3(x,y,z,'k','linewidth',2);  
>> zlabel('Time');  
>> grid on;
```

3d yz



sekinde cıkar.

## Some Useful Plotting Commands

### Built-in axis modes

- axis square: makes the current axis look like a box.
- axis tight: fits axes to data.
- axis equal: makes x and y scales the same.
- axisxy: puts the origin in bottom left corner (default).
- axisij: puts the origin in the top left corner (default for matrices/images).

### Closing figures

- close([1 3]) closes figures (1 ve 3)
- close all.

MATLAB'da en yukardaki plots sekmesine tiklayarak kolayca plot olusturulabilir.

Workspacedeki deęiskenleri secerek plot secip kolayca olusturulabilir.

errorbar ile sепmeler gosterilir.



```
>> x = linspace(0, 3*pi, 200);  
>> y = cos(x);  
>> y = cos(x) + rand(1, 200);  
gürültü ekledik.
```

>> scatter(x, y) → sadece marker'ler var. Veri madenciliği vb. için yudurmazdı clustering de kullanılabilir.

```
>> c = linspace(1, 10, length(x));  
>> scatter(x, y, [3, c])  
→ ile renklendirmiş oluyoruz.
```

## Visualizing Matrices

★ Herhangi bir matrix resim gibi görselleştirilebilir.

```
>> mat = reshape(1:10000, 100, 100);  
→ 100x100'e  
1'den 10000'e  
kadar git.
```

```
→ >> imagesc(mat);  
>> colorbar
```

• `imagesc` ⇒ automatically scales the values to span (kapsamak) the entire colormap.

• 'Color axis limiti için

```
>> caxis([3000 7000]) // limit veriliyor
```

veriler renklenmiş olur.

```
>> colormap('gray'); // veya colormap('gray'); gibiler renklendirmeler yapılabilir.
```



Colormap'ler;

jet → renkli

gray → siyah beyaz

cool →

hot(256)

parula defaultdır.

★ **Surf** (Gök kullanışlı ve önemli)

- meshgrid(x,y) = function  $z = f(x,y)$  fonksiyonun 3D plotunda z'yi oluşturmak amacıyla; x ve y elementlerini içeren tüm kombinasyonların gridini üretir.

surf ⇒ puts vertices (köşeler) at specified points in space  
x; y; z, ve bunları birbirine bağlayarak yüzey oluşturur.

x ve y vektörleri;

>> x = -pi: 0.1: pi; 1x63

>> y = -pi: 0.1: pi; 1x63

matris oluşturmak için meshgrid kullanımı

>> [x,y] = meshgrid(x,y); // Tüm gridleri verir.  
63x63 olur.

Bu

x y 1.

küçük

x ve y  
den farklı

Fonksiyon değerini hesapla

büyük

>> z = sin(x) \* cos(y)

sonuç

bu almazsın sonuç değişken  
element-wise operasyon.

Plot the surface

>> surf(x,y,z)

renkler değerleri gösterir. (hot → bigger)

Ayrıca colormap kullanılabilir.



Ayrıntılı Detay için  $\Rightarrow$  doc surf.

Surface Shading türleri;

$\gg$  shading faceted  
 $\gg$  shading flat  
 $\gg$  shading interp

$\rightarrow$  default

} gridleri değiştiriyor (smoother)

$$\sqrt{a^2 + b^2} = r$$
$$r \cdot \cos^2$$

contour; kullanılarak 2 Boyutlu yüzeyler oluşturulabilir.

$\gg$  contour(x, y, z, 'linewidth', 2)

surf

argümanları

color indicates height

linestyle properties değiştirilebilir.

colormap değiştirilebilir.

$\gg$  hold on

$\gg$  mesh(x, y, z)  $\rightarrow$  detay gösterilir. İstene ekler 3D halini görülebilir.

## SORULAR

New Live Script.

1) Plot the following functions (you will need to decide on appropriate ranges for x)

•  $y = 1/x$  with blue dashed line and circle markers

•  $y = \sin(x) \cdot \cos(x)$  with a red dotted line and diamond markers

•  $y = 2x^2 - 3x + 1$  with green solid line and cross markers.

• A circle of radius = 5



Turn the grid on in all your plots. Remember to label axes and add a title.

**NOT**

>> A = [1, 2; 3, 4]

A =  
1 2  
3 4

>> b = [-1 0; -1 2]

b =  
-1 0  
-1 2

>> A \* b → Matris çarpımıdır

ans =  
-3 4  
-7 8 olur.

>> A . \* b → element-wise operation  
elementleri  
kennililerle  
çarpılır

ans =  
-1 0  
-3 8

olur

1. cınnı cevapı;

>> x = -10:1:10;

>> y = 1./x;

>> plot(x, y, 'bo--'), title('y=1/x'), xlabel('x'),  
ylabel('y');

>> grid on; → buraya  
gelebilir.

2. cınnı cevapı; → lineer aralıkla olarak

>> x = linspace(0, 2\*pi, 50);

>> y = sin(x) .\* cos(x); // Matris çarpımı olsaydı k x m m x n  
k x n olur

>> plot(x, y, 'rd:'), grid on, label -- title -- olur.

Transpozu olsaydı birinin noktasız  
çarpılabirdi.



3. cümlün cevabı;

>> x = -10:1:10;

>> y = 2 \* x.^2 - 3 \* x + 1

skaler eleman olduğu için noktaya gerek yok.

>> plot(x, y, 'gx-'), grid on --- diye olur.

4. cümlün cevabı;

$$x^2 + y^2 = 25$$

>> r = 5;

>> theta = linspace(0, 2 \* pi, 100);

>> x = r \* cos(theta);

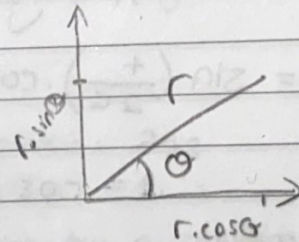
>> y = r \* sin(theta);

>> plot(x, y, 'k', 'linewidth', 2), grid on, x12 ---

>> axis equal

// Deyişmek için

//Yenilerden sıkıştırmak için axis tight;



**NOT**

pi = 3,14 mi 180° mi

Çemberin çevresinin 360°'te 1°'ini gören merkez açı 1°'dir.

Radyan, bir dairede yarıçap uzunluğundaki yay parçasını gören merkez açığa eşit açı ölçme birimidir.

1 radyan  $\frac{180}{\pi}$  ye de yaklaşık 57.2958 derecedir.

$$\frac{\pi}{3} \text{ radyan} = \frac{\pi}{3} \cdot \frac{180}{\pi} = 60^\circ \text{ olur.}$$

$$2\pi \cdot \frac{180}{\pi} = 360^\circ \text{ olur.}$$



ör

Sphere ıgı dolu dıre cızmek ıgın

```
thetaz = linspace(0, 2*pi, 360);
```

```
phi = linspace(0, 2*pi, 360);
```

```
[th, ph] = meshgrid(thetaz, phi);
```

```
R = ones(size(th));
```

```
x = R.*sin(th). *cos(ph);
```

```
y = R.*sin(th). *sin(ph);
```

```
z = R.*cos(th);
```

```
surf(x, y, z);
```

ör

Plot the following 3D curve using the plot3 function.

$$x = \sin\left(\frac{t}{2c}\right) \cdot \cos(t) \quad y = \sin\left(\frac{t}{2c}\right) \cdot \sin(t)$$

$$z = \cos\left(\frac{t}{2c}\right) \quad c=5 \quad 0 \leq t \leq 10\pi$$

```
>> c=5;
```

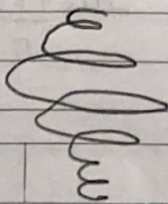
```
>> t = linspace(0, 10*pi, 200);
```

```
>> x = sin(t./(2*c)). *cos(t);
```

```
>> y = sin(t./(2*c)). *sin(t);
```

```
>> z = cos(t./(2*c));
```

```
>> plot3(x, y, z), xlabel('x'), ylabel('y'), zlabel('z'), grid on,  
title('Helix');
```



→ sekli cıkar.



surf için meshgrid 2D veya vektör olmalı,  
surf 'de boyutlar uyumlu olmalı.

## BÖLÜM 4: Linear Algebra with MATLAB

MATLAB'de lineer cebir fonksiyonları hızlı, sayısal işlemler için kullanılır.

matrices in the matlab dokümanı incelenebilir, } mathworks.com  
ve  
Linear Algebra in MATLAB bakmak faydalı olacaktır.

### Matrices

- A matrix is a rectangular array of numbers, symbols or expressions arranged in rows and columns.

- an individual entry of a matrix is an element:  $a_{ij}$

- The size of matrix is given as m rows by n columns, or simply m by n ( $m \times n$ )

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & & a_{2n} \\ \vdots & & \vdots \\ a_{m1} & & a_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n}$$

- $1 \times n$  matrisleri  $\rightarrow$  row vectors

- $m \times 1$  matrisleri  $\rightarrow$  column vectors olarak adlandırılır.



## Matrix Dimensions

• MATLAB has several functions to determine the number of elements in the dimensions of variables:

- `numel(vec)` returns the number of elements in the vector.
- `numel(mat)` returns the total number of elements in the matrix (the product of the number of rows and the number of columns).
- `length(vec)` returns the number of elements in the vector.
- `length(mat)` returns either the number of rows or the number of columns in the matrix, whichever is larger.
- `size(mat)` returns the number of rows and the number of columns of the matrix.
- `size(vec)` returns the number of rows and the number of columns of the vector.

## Matrix Operations

- `isequal(A,B)`: two matrices are considered equal if they have the same dimensions, and all corresponding elements equal.
- $A+B$ ,  $A-B$ : matrix addition or subtraction performed by adding or subtracting the corresponding elements. Two matrices must be the same size.
- $A * c$ : Scalar matrix multiplication is performed by multiplying each element by the same scalar.
- `diag(A)`: produces a column vector containing the elements of the main diagonal of  $A$ .



>> A = magic(3)

A =

8 1 6  
3 5 7  
4 9 2

>> v = diag(A)

v =

8  
5  
2

•  $\text{diag}(v)$ : produces a square diagonal matrix with the elements of vector  $v$  on the main diagonal.

>> B = diag(v)

B =

8 0 0  
0 5 0  
0 0 2

### Matrix Vector Multiplication

• If  $A$  is an  $m \times n$  matrix, and  $x$  is an  $n \times 1$  vector, then the "product of  $Ax$ " is a  $m \times 1$  vector.

>> A = [1 0 -1; 2 -3 2];

>> x = [2 1 0]';  $\rightarrow$  transpose

>> A\*x

ans =

2  
1

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & -3 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 3} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}_{3 \times 1} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}_{2 \times 1}$$

### Matrix Multiplication

• If  $A$  is  $m \times n$  matrix and  $B$  is an  $n \times p$  matrix, their matrix product  $AB$  is an  $m \times p$  matrix, in which the  $m$  entries across a row of  $A$  are multiplied with the  $n$  entries down a column of  $B$  and summed to produce an entry of  $AB$ .

>> A = [1:3; 4:6]

A =

1 2 3  
4 5 6



$$\gg B = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B =$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$3 \times 2$$

$$A = 2 \times 3$$

$$\gg C = A * B$$

$$C =$$

$$\begin{bmatrix} -8 & 8 \\ -20 & 20 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -20 & 20 \end{bmatrix}$$

$$A_{m \times n} B_{n \times p} = [C]_{m \times p}$$

$$C_{ij} = \sum_{k=1}^n a_{ik} b_{kj}$$

## Vector Norms

- The euclidean norm or 2-norm of a vector  $v$  with  $n$  elements is defined by

$$\|v\| = \sqrt{\sum_{k=1}^n |v_k|^2}$$

$$\gg v = \begin{bmatrix} -2 & 3 & -1 \end{bmatrix};$$

$$\gg \text{norm}(v)$$

$$\text{ans} =$$

$$3.7417$$

- The general definition for the  $p$  norm of a vector  $v$  that has  $n$  elements is

$$\|v\|_p = \left( \sum_{k=1}^n |v_k|^p \right)^{1/p}$$

$p \rightarrow$  any positive real value,  $\text{Inf}$  or  $-\text{Inf} \rightarrow \text{sensitivity}$ .



## Determinant

mesela  $A = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$   $B = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$   $C = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$   $D = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$

olsun

A, B, C, D yi  $\begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  ile her elemanını çarparsak aslında  
0 ise elemanı 0 olur. değilse veya noktasızdır.

ABCD'nin elemanı bunun determinantiyle çarpılırsa yeni eleman olur

Matris tersi, lineer işlemler vb. için kullanılabilir. |A| ile gösterilir.  
2x2 matris için;

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \quad |A| = ad - bc$$

3x3 matris için;

$$A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} \quad |A| = a(ei - fh) + b(fg - di) + c(dh - eg)$$

şeklinde olur.

- Geometrik olarak yorumlarsak; determinant, area(2D), volume(3D) veya hypervolume(4D or higher) nin nasıl olduğunu X noktası kümesinin değişimine göre when matrix A is applied to X.



Sinavda matlab'de yazılması muhtemel,  
Bir problemten grafik çıkarma vb olabilir. Sorular özellecek.

Determinant: bir şeklin alanının ne kadar değişeceğini gösterir. 3D şeklin hacminin, 4D hipervolume'nin ne kadar değişeceğini gösterir.

matlab'de  $\det(\text{matris}) \rightarrow$  şeklinde olur.

### Matrix Inverse

Bir matrisin tersi, bu matris ile çarpıldığında birim matrisi elde ederiz.

$$A \cdot A^{-1} = I$$

>>  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$

A =

1 3  
2 4

\* >>  $\text{inv}(A)$

ans =

-2.0000 1.5000  
1.0000 -0.5000

\* >>  $A * \text{inv}(A)$

ans =

1 0  
0 1

### Extra NOT

mathisfun.com  $\rightarrow$  güzel site.

Inverse of a matrix using elementary row operations.  
(Also called Gauss-Jordan method)



$$\begin{array}{c} [A | I] \\ \downarrow \downarrow \\ [I | A^{-1}] \end{array}$$

Play around with the rows (adding, multiplying or swapping) until we make matrix A into the Identity matrix.

And also doing the changes to an Identity matrix it magically turns into the inverse.

ör

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 2 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

we start with the matrix A, and write it down with an Identity matrix I next to it:

$$\left[ \begin{array}{ccc|ccc} 3 & 0 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & -2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

→ Augmented Matrix olarak adlandırılır.

Identity matrix, köşesini 1 diğerleri 0, I ile gösterilir.

1) 2. satırı 1. satıra ekle

$$\left[ \begin{array}{ccc|ccc} 5 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & -2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

2) 1. satırı 5'e böl.

$$\left[ \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & 0.2 & 0.2 & 0 \\ 2 & 0 & -2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$



# Solving Linear Equation Systems

doc mldivide

Bir lineer denklemin çözümü bulunabilir.

$$\begin{aligned}x_1 + 3x_2 &= 1 \\ 2x_1 + 7x_2 &= 3\end{aligned}$$

$$>> A = [1 \ 3; 2 \ 7];$$

$$>> b = [1 \ 3]';$$

$$>> x = A \setminus b$$

$$x = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$x_1$  ve  $x_2$  oluyor.

## Vector Operations

Dot Product (Nokta Çarpımı)

Vektörlerin çarpımı, karşılıklı elementlerinin çarpımlarının toplamına eşittir.

$$>> u = [1, -1];$$

$$>> v = [2, 3];$$

$$\star >> \text{dot}(u, v);$$

$$\text{ans} =$$

$$-1$$

Vektörler arasındaki açıyı bulabiliriz.

$$x \cdot y = \|x\| \cdot \|y\| \cdot \cos \theta$$

$$\cos \theta = \frac{x \cdot y}{\|x\| \cdot \|y\|}$$

$$\star x = \text{dot}(u, v) / (\text{norm}(u) * \text{norm}(v));$$

$$2 \cos(x)$$

$$\text{ans} = 1.7682$$

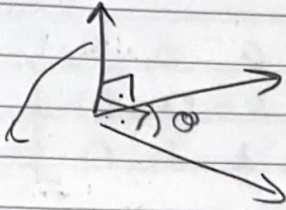
$\theta$  olur.

$$\begin{aligned}u &= 3 & 4 \\ v &= 3 & 4\end{aligned} \left. \begin{array}{l} \text{olursa} \\ \text{5.5} \end{array} \right\} \theta = 0 \text{ olur. } \cos 0 = 1$$

$$5.5$$



## Cross Product (~~Herzegen~~ <sup>Vektörel</sup> Çarpım)



iki vektörün vektörel çarpımına dik yeni bir vektör.

$$\gg A = \begin{bmatrix} 4 & -2 & 1 \end{bmatrix};$$

$$\gg B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 3 \end{bmatrix};$$

$$\gg \text{cross}(A, B)$$

$$\text{ans} = 1 \times 3$$

$$\begin{bmatrix} -5 & -11 & -2 \end{bmatrix}$$

Aslında;

$$\begin{vmatrix} i & j & k \\ 4 & -2 & 1 \\ 1 & -1 & 3 \end{vmatrix}$$

determinantı olur.

i, j, k'nin katsayıları

## Eigenvalues and Eigenvectors

- A  $n \times n$  matrix olsun.  $x$ ,  $\mathbb{R}^n$ 'den non-zero bir vektör ve  $\lambda$  herhangi bir scalar (zero olabilir) öyleyse;

$$Ax = \lambda \cdot x$$

- we then call  $x$  an eigen vector of  $A$  ve  $\lambda$  an eigen value of  $A$ .

- we will often call  $x$  the eigenvector corresponding to or associated with  $\lambda$  and we will often call  $\lambda$  the eigenvalue corresponding to or associated with  $x$ .

- Matlab has a built-in function to find eigenvalues and eigenvectors of a given matrix: eig

- $[V, D] = \text{eig}(A)$  : returns diagonal matrix  $D$  of eigenvalues and matrix  $V$  whose columns are the corresponding right eigenvectors.



ör

$$\gg A = \begin{bmatrix} -4 & 2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix};$$

$$\gg [V, D] = \text{eig}(A);$$

$V =$

$$\begin{pmatrix} 0.7071 \\ 0.7071 \end{pmatrix}$$

ilk vektör

$$\begin{pmatrix} -0.5547 \\ 0.8321 \end{pmatrix}$$

ikinci vektör

$$D = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -7 \end{pmatrix}$$

bunlar ilişkili

eigen value of matrix A

$Ax = \lambda x$  bunlar beklenizle yazılabilir.

$$\gg V = V(:, 1)$$

$$V = \begin{pmatrix} 0.7071 \\ 0.7071 \end{pmatrix}$$

ikinci vektör için

$$V = V(:, 2) \text{ yapılır}$$

$$D(2, 2)$$

$$\gg \text{lambdaz} = D(1, 1);$$

$$\star \gg A * V$$

ans =

$$\begin{pmatrix} -1.4142 \\ -1.4142 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -1.4142 \\ -1.4142 \end{pmatrix}$$

$$A * V = \text{lambdaz} * V \text{ oldu}$$

$$\star \gg \text{lambdaz} * V$$

$$\text{ans} = \begin{pmatrix} -1.4142 \\ -1.4142 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -1.4142 \\ -1.4142 \end{pmatrix}$$

Türkçede özdeğer ve özvektör deniyor.

$X$  = özvektör

$\lambda$  = özdeğer



2 boyutlu bir düzlem olsun.

\* A matrisiyle çarpıldığında aynı doğrultuya sahip olan vektörler özvektörlerdir.

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} x \xrightarrow{v} (1,0) \quad \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix}$$

bu vektör  
öz vektör  
olur.

$\lambda$  ile aynı  
doğrultuda  
h

özdeğer ise 2 kat büyüdüğü için 2 olur.

$$2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Bir özdeğere karşılık bir tane özvektör gelebilir.

$$Ax = \lambda x \Rightarrow (A - \lambda I)x = 0$$

$\det(A - \lambda I) = 0$  sağlayan  $\lambda$  değerleri özdeğerlerdir.

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \lambda & 0 \\ 0 & \lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2-\lambda & 0 \\ 0 & 1-\lambda \end{bmatrix} = 0$$



## Lineer Dönüşümler (Linear Transformations)

$n$  boyutlu reel sayılar uzayında  $m$  boyutlu reel sayılar uzayına bir vektör vb. dönüştüren anz izdüsen yeni bir vektör bulan dönüşümlerdir. Lineer olması için şartlar var.

$$T(x, y) = (x^2, x-y, y^2)$$

$$T(1, 2) = (1, -1, 4) \quad \times \text{ Bu lineer dönüşüm mđ.}$$

Şartlar;

1)  $T(u+v) = T(u) + T(v)$  for all  $u, v$ ; in the domain of  $T$ :

2)  $T(cu) = c T(u)$  for all scalars  $c$  and all  $u$  in the domain of  $T$ .

ör

$$T(x, y) = (x-y, x+y) \text{ olsun.}$$

$$u(u_1, u_2) \quad v(v_1, v_2) \text{ ise;}$$

$$\begin{array}{ccc} \uparrow & & \uparrow \\ x' \text{ in } T \text{ yerine} & & y' \text{ nin } T \text{ yerine} \end{array}$$

$$= (u_1 + v_1 - u_2 - v_2, u_1 + v_1 + u_2 + v_2)$$

$$= (u_1 - u_2, u_1 + u_2) + (v_1 - v_2, v_1 + v_2)$$

$$= (x-y, x+y) \Rightarrow T(u) + T(v) \text{ oldu şğıladı.}$$

$T(x-y, x+y)$  bu dönüşüme karşılık gelen matris; katsayılarıdır.

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T(1, 4) = (3, 5)$$

olur yada

← böyle hesaplanır.



$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \end{bmatrix}$$

extra not;

## Lineer Dönüşüm

Lineer dönüşümler, mühendislik ve fizik sahalarında sıkça kullanılan ve matrisler ile ifade edilebilmesinden dolayı kullanımı oldukça pratik fonksiyonlardır. Özellikle hareket ifade eden lineer dönüşümler; bilgisayar grafikleri, makine hareketleri, animasyon ve robot teknolojilerinde sıkça kullanılmaktadır.

Lineer dönüşümler,  $\mathbb{R}^n$  uzayındaki elemanları, noktaları, vektörleri  $\mathbb{R}^m$  uzayındaki elemanlara, noktalara, vektörlere dönüştüren özel fonksiyonlardır:

$$f: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$$

**Tanım:**  $T: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$  dönüşümü, her  $\vec{u}, \vec{v} \in \mathbb{R}^n$  ve  $c \in \mathbb{R}$  için

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = T(\vec{u}) + T(\vec{v})$$

$$T(c\vec{u}) = cT(\vec{u})$$

koşullarını sağlıyorsa  $\mathbb{R}^n$ 'den  $\mathbb{R}^m$ 'ye bir lineer dönüşüm denir.

Ör

$$T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R} \rightarrow T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 * x_2 * x_3)$$

→ tek boyutlu

$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3 \rightarrow T(x_1, x_2) = (x_1 + x_2, x_1 - x_2, x_1 \cdot x_2)$$



ör

$$T(x, y) = (x+y, 2x-y, y)$$

$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  tanımlı fonksiyonun doğrusal dönüşüm olduğunu gösteriniz.

2 şartı da sağlamalıdır.

$$T(u+v) = T(u) + T(v)$$

$$\vec{u} = (x_1, y_1)$$

$$\vec{v} = (x_2, y_2) \text{ olsun.}$$

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = T(\vec{u}) + T(\vec{v})$$

$$\vec{u} + \vec{v} = (x_1 + x_2, y_1 + y_2)$$

$$T(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = (x_1 + x_2 + y_1 + y_2, 2x_1 + 2x_2 - y_1 - y_2, y_1 + y_2)$$

$$T(\vec{u}) = T(x_1, y_1) = (x_1 + y_1, 2x_1 - y_1, y_1)$$

$$T(\vec{v}) = T(x_2, y_2) = (x_2 + y_2, 2x_2 - y_2, y_2)$$

$$(x_1 + x_2 + y_1 + y_2, 2x_1 + 2x_2 - y_1 - y_2, y_1 + y_2) = (x_1 + y_1, 2x_1 - y_1, y_1) + (x_2 + y_2, 2x_2 - y_2, y_2)$$

$$T(\vec{u} + \vec{v})$$

$$T(\vec{u}) + T(\vec{v})$$

$$= (x_1 + x_2 + y_1 + y_2, 2x_1 + 2x_2 - y_1 - y_2, y_1 + y_2)$$

1. şart sağlandı.



$$T(x, y) = (x+y, 2x-y, y)$$

2. soru

$$c \in \mathbb{R} \quad u = (x_1, y_1) \text{ olsun} \quad T(c \cdot u) = c \cdot T(u) \text{ olmalı.}$$

$$c \cdot u = (c \cdot x_1, c \cdot y_1)$$

$$T(c \cdot u) = (cx_1 + cy_1, 2cx_1 - cy_1, cy_1)$$

$$T(u) = (x_1 + y_1, 2x_1 - y_1, y_1)$$

$$c \cdot T(u) = (c \cdot x_1 + c \cdot y_1, 2cx_1 - cy_1, cy_1)$$

$$T(c \cdot u) = c \cdot T(u) \text{ olur.}$$

Bu yüzden  $T(x, y) = (x+y, 2x-y, y)$  lineer dönüşüm fonksiyonudur.

ÖR

Aşağıdaki dönüşümlerin lineer dönüşüm olup olmadığını araştırın.

i)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2, T(x, y, z) = (x+y, x+z)$

ii)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3, T(x, y, z) = (x, 2y, 1)$

iii)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2, T(x, y, z) = (y^2 + z^2, 2xy)$

iv)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3, T(x, y, z) = (1, 1, 1)$

v)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3, T(x, y, z) = (0, 0, 0)$



Gör

i)

$$\vec{u} = (u_1, u_2, u_3), \vec{v} = (v_1, v_2, v_3) \in \mathbb{R}^3$$

ve

$$c \in \mathbb{R} \text{ için } T(\vec{u} + \vec{v}) = T(\vec{u}) + T(\vec{v}) \text{ ve}$$

$$T(c\vec{u}) = cT(\vec{u}) \text{ olduğunu göstermeliyiz.}$$

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = (u_1 + v_1 + u_2 + v_2, u_1 + v_1 + u_3 + v_3)$$

$$T(\vec{u}) = (u_1 + u_2, u_1 + u_3) \quad T(\vec{v}) = (v_1 + v_2, v_1 + v_3)$$

$$= T(\vec{u}) + T(\vec{v}) \quad 1. \text{ şart sağlanır.}$$

$$T(c\vec{u}) = c \cdot T(\vec{u})$$

$$u = (u_1, u_2, u_3) \text{ olsun.}$$

$$T(cu_1, cu_2, cu_3) = c \cdot T(u_1, u_2, u_3)$$

$$(cu_1 + cu_2, cu_1 + cu_3) = c \cdot (u_1 + u_2, u_1 + u_3)$$

$$= c \cdot T(\vec{u}) \quad 2. \text{ şart sağlanır.}$$

T lineer dönüşümdür.

ii)

$$\vec{u} = (u_1, u_2, u_3)$$

$$\vec{v} = (v_1, v_2, v_3)$$

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = (u_1 + v_1, 2(u_2 + v_2), 1)$$

$$T(\vec{u}) = (u_1, 2u_2, 1) \quad T(\vec{v}) = (v_1, 2v_2, 1)$$

$$T(\vec{u}) + T(\vec{v}) = (u_1 + v_1, 2u_2 + 2v_2, 2) \quad \times \text{ eşit değil}$$

birinci şart sağlanmaz. T lineer dönüşüm değil.



iii)

$$\vec{u} = (u_1, u_2, u_3) \quad \vec{v} = (v_1, v_2, v_3)$$

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = ((u_2 + v_2)^2 + (u_3 + v_3)^2, 2(u_1 + v_1)(u_2 + v_2)) \text{ olur.}$$

hace buna bakmamız

$$T(c\vec{u}) = (c^2 u_2^2 + c^2 u_3^2, 2c^2 u_1 u_2)$$

$$c \cdot T(\vec{u}) = c(u_2^2 + u_3^2, 2u_1 u_2) \quad \rightarrow \text{Burada } c^2 \cdot T(\vec{u}) \text{ olur.}$$

esit olmaz

birinci şartta da lineer olmadığı görülür.

iv)

$$T(\vec{u} + \vec{v}) = T(u_1 + v_1, u_2 + v_2, u_3 + v_3) = (1, 1, 1)$$

$$T(\vec{u}) = T(u_1, u_2, u_3) = (1, 1, 1) \text{ Ne koyarsak sabit ducaz}$$

$$T(\vec{v}) = T(v_1, v_2, v_3) = (1, 1, 1)$$

$$(2, 2, 2)$$

Lineer dönüşüm değildir.

v)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x, y, z) = (0, 0, 0)$  dönüşümü  $O$  dönüşümüdür.  $\mathbb{R}^n$ 'de tanımlı her  $\vec{x}$  vektörünü  $\mathbb{R}^m$ 'de  $O$  vektörü ile eşler ve lineer bir dönüşümdür.

### Teorem

Lineer Dönüşümün Matris Gösterimi

$T_A: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$  bir lineer dönüşüm olmak üzere, her  $\vec{x} = (x_1, \dots, x_n)$  vektörü için



$$T_A(x_1, x_2, \dots, x_n) = (y_1, y_2, \dots, y_m) \text{ ve}$$

$$y_1 = a_{11}x_1 + \dots + a_{1n}x_n$$

!

$$y_m = a_{m1}x_1 + \dots + a_{mn}x_n$$

esitliklerini sağlayan  $m \times n$  mertebeden

$$\text{bir } A = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & & \vdots \\ a_{m1} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix} \text{ matrisi vardır.}$$

Buna göre,  $m \times n$  mertebeden  $A$  matrisine,

$T_A: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$  dönüşümüne karşılık gelen matris denir ve

$$T_A(\vec{x}) = A\vec{x} \text{ ile gösterilir.}$$

Ör

$T_A: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  ve  $\vec{x} = (x_1, x_2) \in \mathbb{R}^2$  olmak üzere

$T(\vec{x}) = (x_1 + x_2, x_2 - x_1, 2x_1 + x_2)$  lineer dönüşümüne karşılık gelen matrisi bulun.  $T(1, 4)$  değerini bulduğunuz matrisi kullanarak hesaplayın.

$T(\vec{x}) = (y_1, y_2, y_3)$  şeklinde ifade ederseniz:

$$y_1 = x_1 + x_2$$

$$y_2 = -x_1 + x_2$$

$$y_3 = 2x_1 + x_2$$

esitliklerini yazabiliriz. Elde ettiğimiz lineer denklem sistemini matris formunda yazarsak:



$$T(\vec{x}) = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{y} = A \cdot \vec{x}$$

elde edilir.

Buna göre  $T(1,4)$  dönüşümünü hesaplıyoruz;

$$T(1,4) = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 3 \\ 6 \end{bmatrix}$$

$T(1,4) = (5, 3, 6)$  olarak bulunur.

Tabi ilk başta lineer dönüşüm olup olmadığına bakılmalıdır.

**Dik İzdüşüm Dönüşümü (Projection)**

$\mathbb{R}^2$  uzayında verilen bir noktanın yada konum vektörünün, x eksenine dik izdüşümünü veren dönüşüm ve bu dönüşümün matrisi:

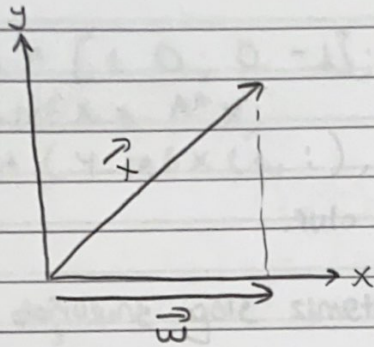
$$I_{2dx} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, I_{2dx}(x, y) = (x, 0) \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

y eksenine dik izdüşümünü veren dönüşüm ve bu dönüşümün matrisi:

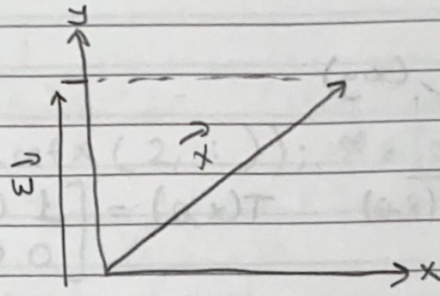
$$I_{2dy} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, I_{2dy}(x, y) = (0, y) \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

olarak verilebilir.





x eksenine  $\perp$  üzerine  
dik izdüşüm



y eksenine  $\perp$  üzerine  
dik izdüşüm

$\mathbb{R}^3$  de x eksenine  $\perp$  üzerine izdüşüm;

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

y eksenine  $\perp$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

z eksenine  $\perp$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

### MATLAB deyim

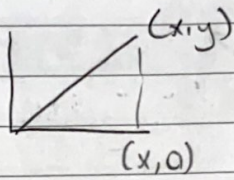
Suppose we have a set of coordinates, and we want to transform it linearly in some fashion with matrix A. Firstly, download the datasets 'logox.txt' ve 'logoy.txt' and put them into your current MATLAB folder.

```
x = [ csvread('logox.txt'); csvread('logoy.txt') ];
```

```
figure; plot(x(1,:), x(2,:), 'k', 'linewidth', 3); title('original  
logo');
```

You should know how to perform the most used transformations, such as rotations, reflections, scaling, shearing, and projects.





$$T(x, 0) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ olur.}$$

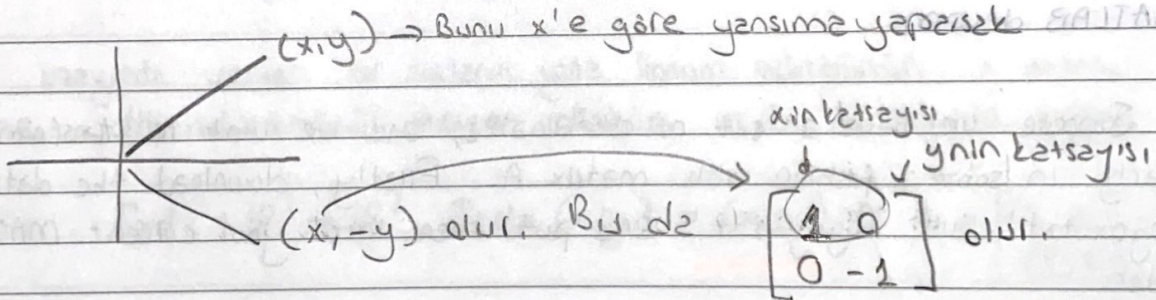
$$>> A = [1, 0; 0, 0];$$

$$>> Y\_prX = A * X; \quad ) \text{ şekli } x \text{ eksenine izdüşümü alın.}$$

$$>> \text{figure; plot}(Y\_prX(1, :), Y\_prX(2, :), 'k' \text{ --- }); \text{ ---}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ y'ye izdüşüm alınabilir}$$

Reflection'da



y eksenine göre olursa  $(-x, y)$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ olur.}$$

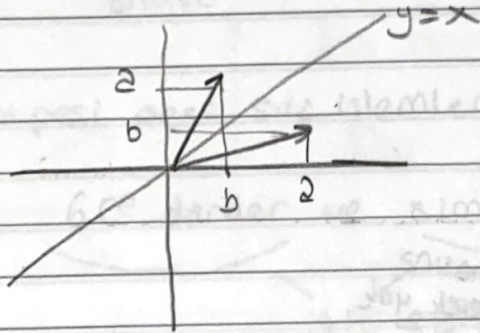


$$>> A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix};$$

$$>> Y_{\text{-ref } X} = A^* X;$$

$$>> \text{plot}(Y_{\text{-ref } X}(1, :), Y_{\text{-ref } X}(2, :)); \% x' \text{ e göre reflection}$$

$y = x$  doğrusuna göre simetliği için



$T(y, x)$  olur.

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

gibi olur.

→ bunu karşarsak  $y = x$ 'e göre simetliğini almış oluruz.

orijine göre simetliği ise  $T(-x, -y)$  olur

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$>> A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$>> Y_{\text{-ref } Y} = A^* X;$$

$$>> \text{figure; plot}(Y_{\text{-ref } Y}(1, :), Y_{\text{-ref } Y}(2, :));$$

Orijine göre için  $>> A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix};$

### Rotation

Belli açıya göre döndürme yapmak için.

$\theta$  açısı için

$$A = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$



```

>> theta = 45;
>> A = [cos(theta) -sin(theta); sin(theta) cos(theta)];
>> Y_rot = A * x;
>> figure; plot(Y_rot(1, :), Y_rot(2, :));

```

% saat yönünün tersinde 45° derece döndürür.

### Scaling (Ölçekleme)

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

```

>> sc = 3;
>> A = [sc 0; 0 sc]
>> Y_sc = A * x
>> plot(Y_sc(1, :), Y_sc(2, :));

```

Aynı olması gerek yok

x ekseninde 2 kat

y'de 1/2 kat 'da yapılabilir

### Shear (Yazma)

Belli x ve y'ye göre eğme

Yatay olarak eğmek için;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & b \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Dikey olarak eğmek için;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ b & 1 \end{bmatrix}$$

```

>> b = 2;
>> A = [1 b; 0 1] % yatay eğim,
>> Y_shy = A * x;
>> plot(Y_shy(1, :), Y_shy(2, :));

```



$x$ 'e göre yansıma ile  $y$ 'ye göre yansıma matrislerinin çarpımı; orjine göre yansımayı verir.

$$(T_A \circ T_B) x = (AB) x = A(B(x))$$

Bileşke

Yeni pesi pesi sıradan işlemler yapılabilir.

$60^\circ$  döndür ve  $y$ 'ye simetrisini al.

İkisi çarpılır. Bunu yapmak için.

NOT

Dik izdüşüm Dönüşümü

$\mathbb{R}^2$  uzayında  $x$  eksenine izdüşüm

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

" "  $y$  " " " "

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$\mathbb{R}^3$  " "  $x$  eksenine " " "

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$\mathbb{R}^3$  " "  $y$  " " " "

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$\mathbb{R}^3$  " "  $xy$  düzlemi " " "

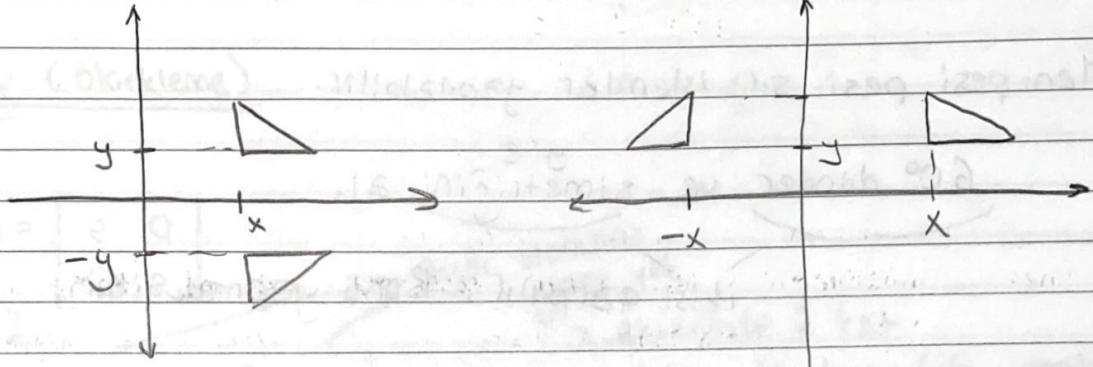
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$xz$   
 $yz$  ) de aynı şekilde olur.



## Yansım - Simetri Dönüşümü

Düzlemde verilen herhangi bir noktanın, bir doğruya göre simetriği olan noktaya yansım noktası, verilen bir noktanın bu doğruya göre simetriği veren lineer dönüşüme doğruya göre yansım dönüşümü (reflection transformation), bu yansım dönüşümüne karşılık gelen matrise de yansım matrisi denir.



x eksenine göre yansım

y eksenine göre yansım

$\mathbb{R}^2$ 'de;

x eksenine göre  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  y eksenine göre  $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

$y=x$  eksenine göre  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$   $y=-x$  eksenine göre  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$

orjine göre  $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$



$\mathbb{R}^3$ 'te;

xy düzlemine göre

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

xz düzlemine

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

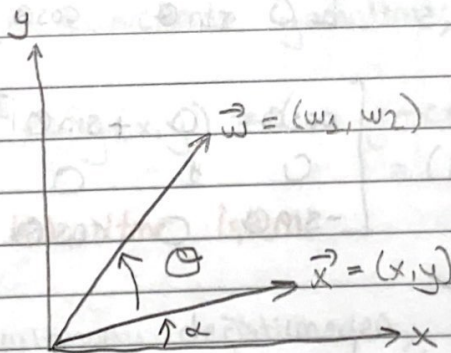
yz düzlemine göre

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

### Dönme Dönüşümü

Düzlemde verilen bir  $P(x,y)$  noktasının, orjin etrafında döndürülmesi bir lineer dönüşümdür. Bu lineer dönüşüme, dönme dönüşümü (rotasyon transformation), bu dönüşüme karşılık gelen matrise de dönme matrisi denir. Herhangi bir  $P(x,y)$  noktasını orjin etrafında, saat yönünün tersine  $\Theta$  açısı kadar döndüren dönüşümü:

$R_{\Theta} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ile gösterelim.



$\mathbb{R}^2$  uzayını ele alalım. Verilen şekilde her 2 vektörün boyutunu  $r$  olduğunu varsayarsak,

$$x = r \cdot \cos \alpha \quad y = r \cdot \sin \alpha \quad \text{ve} \quad w_1 = r \cdot \cos(\alpha + \Theta) \quad w_2 = r \cdot \sin(\alpha + \Theta)$$

$$w_1 = \underbrace{(r \cdot \cos \alpha)}_x \cdot \cos \Theta - \underbrace{(r \cdot \sin \alpha)}_y \cdot \sin \Theta$$

$$w_2 = \underbrace{(r \cdot \cos \alpha)}_x \cdot \sin \Theta + \underbrace{(r \cdot \sin \alpha)}_y \cdot \cos \Theta$$



## Yazma - Simetri Dönme

$$w_1 = x \cos \theta - y \sin \theta$$

$$w_2 = x \sin \theta + y \cos \theta$$

buna göre  $\mathbb{R}^2$  uzayında dönmeye karşılık gelen matris;

$$A = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \text{ olarak elde edilir.}$$

Yani;

$\mathbb{R}^2$  de; saat yönüne  $\theta$  açısı için  $\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$

$\mathbb{R}^3$  de;

x eksenine göre  $\theta$  (saat tersi) =  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta & -\sin \theta \\ 0 & \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$

y eksenine göre  $\theta$  (saat tersi) =  $\begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix}$

z eksenine göre  $\theta$  (saat tersi) =  $\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

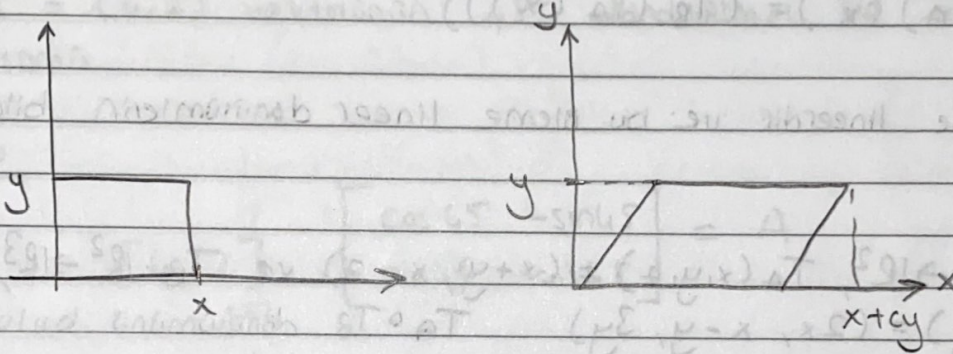


## Yamultma (Shear) Dönüşümü

Düzlemde bir noktanın, bir koordinatını sabit bırakırken, diğer koordinatını sabit kalan koordinatın bir katı kadar değiştiren dönüşüme yamultma (shear) dönüşüme denir. Burada yapılan cismin bir koordinatının belirli bir yöne doğru belirli bir oranda arttırılmasıdır.

x ekseninde;

$$S_x: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, S_x(x, y) = (x + cy, y) \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & c \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$



y ekseninde c kuvvetinde yamultma;

$$S_y: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, S_y(x, y) = (x, y + cx) \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ c & 1 \end{bmatrix}$$

## Boyultma ve Kısaltma İşlemi

Bir vektörün doğrultusunu değiştirmeden, vektörün uzunluğunu kısaltan veya büyüten dönüşümlere kısaltma ve boyultma (contraction and dilation) dönüşümleri denir. Bir vektörün uzunluğunu c kat kısaltan veya büyüten bir dönüşüm;

$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, T(x, y) = (cx, cy) \Rightarrow A = \begin{bmatrix} c & 0 \\ 0 & c \end{bmatrix}$$



$$\mathbb{R}^2 \text{ de } \begin{bmatrix} c & 0 \\ 0 & c \end{bmatrix} \quad \mathbb{R}^3 \text{ 'de } \begin{bmatrix} c & 0 & 0 \\ 0 & c & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

NOT = Öteleme dönüşümü lineer değildir.

### Lineer Dönüşümlerin Bileşkesi

$T_A: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^k$  ve  $T_B: \mathbb{R}^k \rightarrow \mathbb{R}^m$  lineer dönüşümler o.ü

$$(T_B \circ T_A)(\vec{x}) = (T_B(T_A(\vec{x})))$$

dönüşümü de lineerdir ve bu ifade lineer dönüşümlerin bileşkesi denir.

ör

$T_A: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ ,  $T_A(x, y, z) = (x+y, x-z)$  ve  $T_B: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  
 $T_B(x, y) = (2x, x-y, 3y)$   $T_A \circ T_B$  dönüşümünü bulun.

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & -1 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$$

elde edilir ve  $T_A \circ T_B(x, y) = (3x-y, 2x-3y)$  bulunur.

ör

Verilen noktaya göre, verilen dönüşümlerin bileşkesi uygulandıktan sonra elde edilen yeni noktayı bulun.

i)  $\vec{x} = (4, -1, -3)$  vektörünün 2 kat büyütülmesi ve y eksenine indirilmesi



$$\text{cvp)} \quad [4, -1, -3]_{1 \times 3} \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 3} = [8, -2, -6]_{1 \times 3}$$

$$[8, -2, -6] \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = [0, -2, 0]_{1 \times 3} \text{ olur.}$$

ii)  $\vec{X} = (4, 2)$  vektörünün  $45^\circ$  döndürülmesi ve x eksenine izdüşümü

cvp

$$[4, 2]_{1 \times 2} \begin{bmatrix} \cos 45 & -\sin 45 \\ \sin 45 & \cos 45 \end{bmatrix} = A$$

$$A \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \textcircled{B} \rightarrow \text{olur}$$

3d bir resimde  $45$  derece döndürme y'ye göre;

```
>> x = [csurezd('logox.txt'); csurezd('logoy.txt');  
        csurezd('logoz.txt')];
```

```
>> plot3(x(1,:), x(2,:), x(3,:)); title('deneme3d');
```

```
>> theta = 45;
```

```
>> A = [cos(theta) 0 sin(theta); 0 1 0; -sin(theta) 0 cos(theta)];
```

```
>> R_y = A * x;
```

→ Bunu yer

axis tight

axis equal yap.

gibi yapılır



$$0th = zeroth$$

3 kez ölçüleme için;

$$\gg A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix};$$

## BÖLÜM 5: Numerical Techniques with MATLAB

## Polynomizls

- Birçok fonksiyon, yüksek dereceli bir polinom ile iyi tanımlanabilir.
- Matlab'da polinomlar katsayılar (coefficient) vektörü olarak ifade edilir.
- Bir P vektörü polinomuz;  $2x^3 + bx^2 + cx + d$   
 $\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$   
 $P(1) \quad P(2) \quad P(3) \quad P(4)$
- $P = [1 \ 0 \ -2]$  ifadesi  $x^2 - 2$  polinomunu gösterir.
- $P = [2 \ 0 \ 0 \ 0] \Rightarrow 2x^3$  olur.  $\rightarrow$  3. derece polinom

## Polynomial Operations

- $P$ ,  $[N+1]$  uzunluğunda vektörse,  $N$ .th dereceden polinomun ifade eder.
- To get the roots of polinom

$\gg r = \text{roots}(P)$   $r$  is a vector of length  $N$

- Also we can get the polynomial from the roots

$\gg P = \text{poly}(r)$   $r$  is a vector length  $N$ .

roots bize bir polinomun köklerini veriyor.  
poly ise köklere göre polinom buluyor.



$$x^2 - 4 = (x+2)(x-2)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -4 \end{bmatrix} \quad \begin{matrix} -2 \\ 2 \end{matrix}$$

```
>> P = [1 0 -4]
```

```
>> r = roots(P)
```

```
r = 2.0000
     -2.0000
```

```
>> x = poly(r)
```

```
x =
```

```
1.0000 -0.0000 -4.0000
```

- Belli bir noktadaki polinom değerini bulmak için;

```
>> y0 = polyval(P, x0)
```

$x_0$  is a single value,  $y_0$  is a single value.

- Birçok noktayı hesaplamak için

```
>> y = polyval(P, x)
```

$x$  bir vektör,  $y$  de aynı boyutta vektördür.

ÖR

$$x^2 - 2x = 0 \text{ için}$$

```
>> P = [1 -2 0];
```

```
>> polyval(P, 2)
```

```
ans =
```

```
0
```

```
>> polyval(P, 1)
```

```
ans =
```

```
-1
```

```
>> polyval(P, [0, 1, 2, 3])
```

```
ans =
```

```
0 -1 0 3 olur.
```



$$2x^2 + 3x^2$$

- Sum of two polynomials:

```
>> f = [a0, a1, a2, a3];
>> g = [b0, b1, b2, b3];
>> r = f + g;
```

⚠ (sıraları esit olmalı)

- multiply 2 polynomials

```
>> f = [1, 2, 3]; h = [2, 1, 2];
>> g = conv(f, h)
g =
    2    5   10    7    6
```

- polynomial division can be accomplished using deconv(f, h)

```
>> f = [2, 5, 10, 7, 6];
>> g = [1, 2, 2];
```

```
>> [h, r] = deconv(f, g)
```

h = 2 1 4

r = 0 0 0 -3 -2

→ buna tek de zayıfladık

## Interpolation and Curve Fitting (Eğri uydurma)

Verilen veri noktalarında  $\{x_i, y_i\}_{i=1}^n$  ile ilgili tüm noktaların miktazını tanımlayan bir  $f(x)$  fonksiyonu olsun. Burada fonksiyonu uydurmaya çalışacağız.

### Interpolation

- Find a function satisfying

$$P(x_i) = f(x_i), \quad i = 1, \dots, n$$

- that allows us to approximate  $f(x)$  such that the function values between the data sets may be estimated.

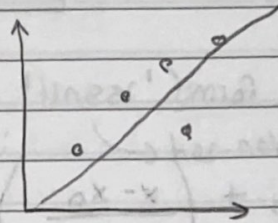
- Interpolasyonda veri noktalarından geçen bir fonksiyon bulmaya çalışılır. (tam üzerinden)



## Curve Fitting

- Find a function that is a good fit to the original data points. The function does not have to pass through the original data points.

- Eğri uydurmadız, uydurulan eğride, verilen noktaların üzerinden geçme zorunluluğu yoktur.



- ★ With interpolation we search a function that allows us to approximate such that functional values between the original data set values may be estimated.

- The interpolation function typically passes through the original data set.

- With curve fitting we simply want a function that is a good fit to the original data points.

- With curve fitting the approximating function does not have to pass through the original data set.

### 1) Linear Interpolation

- The simplest type of interpolation is linear interpolation, which simply connects each data point with a straight line.

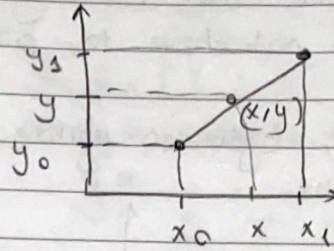
- The polynomial that links the data points together is of first degree, eg, a straight line.



- Given two points  $(x_0, y_0)$  and  $(x_1, y_1)$ , find  $P(x)$  such that

$$P_0 = f(x_0)$$

$$P_1 = f(x_1)$$



$P_1$  can be written in the form:

$$y = \left(1 - \frac{x - x_0}{x_1 - x_0}\right) y_0 + \left(\frac{x - x_0}{x_1 - x_0}\right) y_1$$

### MATLAB'de

$yq = \text{interp1}(x, y, xq, \text{method})$

- $x \rightarrow$  sample values) *gerçek değerler*
- $y \rightarrow$  values  $f(x)$
- $xq \rightarrow$  query points on which the polynomial will be evaluated.
- method  $\rightarrow$  method of interpolation (linear, cubic vb)

ör

Time(s)	Velocity (km/h)
0	0
1	10
2	20
3	30
4	40
5	50

$x = 0:5;$

$y = [0 \ 10 \ 20 \ 30 \ 40 \ 50];$

$xq = 0:0.1:5; \% 0'dan 5'e$

$yq = \text{interp1}(x, y, xq, 'linear');$

$\text{plot}(x, y, 'o', xq, yq);$

$x$  ve  $y$   
noktalarını  
marker  
olarak çiz

Bu 0.01'ler.

hem bulunanları  
hem sampleleri  
çizel.



Hızlı ihtimali var.

ÖR

Sinüs eğrisini interpolasyonla yapmayı çalışalım

$x = 0:10;$

$y = \sin(x);$

$xq = 0:0.25:10;$

$yq = \text{interp1}(x, y, xq, 'linear');$

$\text{plot}(x, y, 'o', xq, yq);$   $\rightarrow$  her nokta azı doğru olur.

sinüste sarpma lar çok olur.

Daha hassas interpolasyon işlemi yapabilir miyiz?

## 2) Cubic spline Interpolation

- Connecting data points with straight lines probably isn't the best way to estimate intermediate values

- An improved interpolation technique is to replace the straight line connecting the data points with a third-degree polynomial.

- The third degree polynomial is of the form

$$y = f(x) = \alpha_3 x^3 + \alpha_2 x^2 + \alpha_1 x + \beta$$

Aynı şeyi cubic spline ile yaparsak daha iyi sonuç alırız.

$yq = \text{interp1}(x, y, xq, 'spline');$

$\text{plot}(x, y, 'o', xq, yq), \text{grid on};$

probleme göre seçilir.



interpolasyon çeşitleri

'linear' → default -

'nearest' → nearest neighbor interpolation

'spline' → piecewise cubic spline interpolation

'cubic' → cubic interpolation

'pchip' → shape preserving piecewise cubic interpolation

## 1) Curve Fitting

- We could use interpolation techniques to find values of  $y$  between measured  $x$ -values,
- However, it would be more convenient if we could model experimental data as  $y=f(x)$
- MATLAB has built-in curve-fitting functions that allow us to model data empirically.

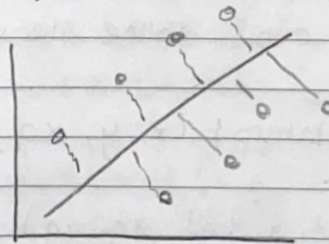
★ Doğru arzılıktaki data almak önemli.

### e) Least-Squares Curve Fitting (En küçük kareler)

- A least squares curve fit can be used to obtain a curve such that the squared distance from each point to the curve is minimized.

Curve can be

- polynomial of degree  $n$
- trigonometric
- exponential



herbir noktaya arasındaki karesel hataları minimize edecek eğri aranır.



## b) Linear Regression

• With linear regression a linear equation,  $y = mx + b$ , is chosen that fits the data points such that the sum of the squared error between the data points and the line is minimized.

• The squared distance is computed with respect to the y axis,

• Given a set of data points  $(x_k, y_k)$ ,  $k = 1 \dots N$ , the mean squared error (MSE) is defined as:

(ortalama karesel hata)

$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N (y_k - f(x_k))^2$$

$\nearrow (mx_k + b)$

Uydurduğumuz eğrinin verdiği değer ile gerçekte okunmuş olduğumuz verinin farklılarının karelerinin toplamını minimize etmeye çalışıyoruz.

$y$  = okunan data  $f(x)$  = eğrinin o noktada aldığımız değeri  
arasındaki fark minimum olsun istiyoruz.

## c) Polynomial Regression

$$f(x) = a_1 x^n + a_2 x^{n-1} + \dots + a_{n-1}$$

fits the data

• MATLAB'de, polyfit fonksiyonu ile seçilir.

$$a = \text{polyfit}(x, y, n)$$

$a$  = row vector of coefficients of the regression.

$x$  ve  $y$  = seçilen veri noktaları

$n$  = polinom derecesi



ör

$X = [-1 \ 0 \ 2]$  ve  $Y = [0 \ -1 \ 3]$  olsun

finds the best second order polynomial that fits the points  $(-1, 0)$ ,  $(0, -1)$  ve  $(2, 3)$

```
>> X = [-1 0 2]; Y = [0 -1 3];  
>> p2 = polyfit(X, Y, 2); → Polinom buluyor  
>> plot(X, Y, 'o', 'MarkerSize', 10);  
>> hold on;  
>> x = -3:0.01:3;  
>> plot(x, polyval(p2, x), 'r--');
```

↑  
p2 polinomun  
fonksiyon  
x değerleri hesapla.

ör

$x = -4:0.1:4$  'a hesapla

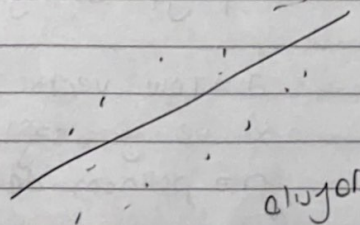
• Add random noise to these samples. (randn kullanırız)

Noisy signal 'i • markerlerle plotla. 2. derecesine uyduk

• Plot the fitted polynomial on the same plot, using the same x values and a red line.

cup

```
>> X = -4:0.1:4;  
>> [m,n] = size(X);  
>> y = X + randn(m,n);  
>> p = polyfit(X, y, 2);  
>> plot(X, y, 'o');  
>> hold on  
>> plot(X, polyval(p, X), 'r');
```





OR

```
>> x = 0:5;
```

```
>> y = [0 10 25 36 52 59];
```

```
>> x_ls = 0:0.01:5;
```

Linear fitting

```
>> figure; subplot(2 2 1); plot(x, y, 's'); hold on;
```

```
>> p1 = polyfit(x, y, 1);
```

```
>> y1 = polyval(p1, x_ls);
```

```
>> plot(x_ls, y1);
```

```
>> axis([0 5 0 60]); grid on;
```

```
>> title('First Degree');
```

second degree fitting

```
>> p2 = polyfit(x, y, 2);
```

```
>> y2 = polyval(p2, x_ls);
```

```
>> subplot(2 2 2); plot(x, y, 's'); hold on;
```

```
>> plot(x_ls, y2);
```

```
>> title('Second Degree');
```

fifth degree

```
>> p5 = polyfit(x, y, 5);
```

```
>> y5 = polyval(p5, x_ls);
```

```
>> subplot(2 2 3); plot(x, y, 's'); hold on;
```

```
>> plot(x_ls, y5);
```

```
>> title('Fifth Degree');
```



5. derece daha smooth daha iyi oldu.

10. derecede ise subplot (2 2 4) için mantıksız oldu. Her zaman yüksek dereceden eğri iyi olmaz.

yani datayı tanımak gerek. En fit dereceli eğriyi bulmalıyız.

## Interpolation in 2D

$v_q = \text{interp2}(x, y, V, x_q, y_q, \text{method})$   
↓  
2 boyutlu

$(x, y) \rightarrow$  2 boyutlu  $V$ 'de bunlara denk gelen değer.

$V$ 'yi bilmiyoruz. Farklı tür metotlar kullanılabilir.

• cubic, spline, nearest gibi.

•  $z = \text{peaks}(x, y)$  evaluates the peaks function at  $x$  and  $y$ .

• We can use  $z$  as data points and visualize interpolation using various methods.

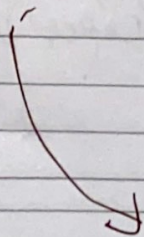
ör

```
[x, y] = meshgrid(-4:4);
```

```
z = peaks(x, y);
```

```
surf(x, y, z);
```

```
title('Original Data');
```





6 Derzmi

% % Linear Interpolation

```
>> [xq, yq] = meshgrid(-4:0.25:4);
```

```
>> Vq = interp2(x, y, V, xq, yq, 'linear');
```

```
>> surf(xq, yq, Vq); // Daha yumuşak görüldü.
```

```
>> title('Linear interpolation');
```

cubic yapınca daha kıvrımlı,  
spline daha iyi olur.

## Image Manipulation

- Starting with a random image  $im = \text{rand}(10, 10)$ ;
- Interpolate the image using 64 times as many points in each direction.

Ör

% % Generate Random Image

```
>> im = rand(10, 10);
```

```
>> figure; subplot(2, 2, 1);
```

```
>> imshow(im);
```

```
>> title('original');
```

% % Interpolation

```
>> [m, n] = size(im);
```

```
>> [x, y] = meshgrid(1:m);
```

```
>> [xq, yq] = meshgrid(linspace(1, m, 64 * m));
```

```
>> im_linear = interp2(x, y, im, xq, yq, 'linear');
```

```
>> im_cubic = interp2(x, y, im, xq, yq, 'cubic');
```

```
>> im_spline = interp2(x, y, im, xq, yq, 'spline');
```



% % Show images

```
>> subplot(2, 2, 2);  
>> imshow(im_linear);  
>> title('linear interpolant');  
,  
>> subplot(2, 2, 3);  
>> imshow(im_cubic);  
>> title('Cubic');  
  
>> subplot(2, 2, 4);  
>> imshow(im_spline);  
>> title('Spline');
```

### Öl (Sınav Sorusu)

Write a function named `checkerboards(nrows, ncols, n)` that draws a  $n \times n$  checkerboard according to the user-specified dimensions. Your function must accept three arguments, `nrows` specifies the number of rows of the checkerboard, `ncols` specifies the number of columns and `n` specifies the number of blocks for each row and column. Your function must display a checkerboard by using `imagesc` function and `grayScale colormap`. Your function must display a checkerboard by using `imagesc` function and a `grayScale colormap`. Your function must return a 2D matrix that represents the checkerboard.

Mesela (4, 4, 4) için

```
1 0 1 0  
0 1 0 1  
1 0 1 0  
0 1 0 1
```

4, 4, 2 için

```
1 1 0 0  
1 1 0 0  
0 0 1 1  
0 0 1 1
```

olamaz



## Benim cevabım

```
function [board] = checkerBoard3(nrows, ncols, n)
```

```
    block_rows = floor(nrows / n);
```

```
    block_cols = floor(ncols / n);
```

```
    block = ones(block_rows, block_cols);
```

```
    nanblock = zeros(block_rows, block_cols);
```

```
    mat = [block; nanblock]';
```

```
    flipmat = flip(mat, 2);
```

```
    newmat = [mat; flipmat];
```

```
    board = repmat(newmat, nrows / length(newmat), ncols / length(newmat));
```

```
    imagesc(board);
```

```
    colormap('gray');
```

```
end
```



# BÖLÜM-6 IMAGE PROCESSING WITH MATLAB

Resim nedir?

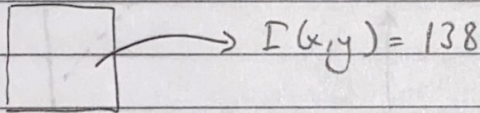
- In its most general form, an image is a function  $f$  from  $\mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$

- $f(x,y)$  give the intensity of 2 channel at position  $(x,y)$

>> I=imread(256, 256);

>> imshow(I);

- Each part of an image is a pixel.



- Signal = fonksiyon bazı fiziksel anizimli değişkenlere bağlıdır.

- Image = Bu fonksiyon ile örnekleme

- 2 variables: xy coordinates

- 3 variables: xy + time (video)

- 'Brightness' is the value of the function for visible light.

- Can be other physical values too: temperature, pressure, depth.

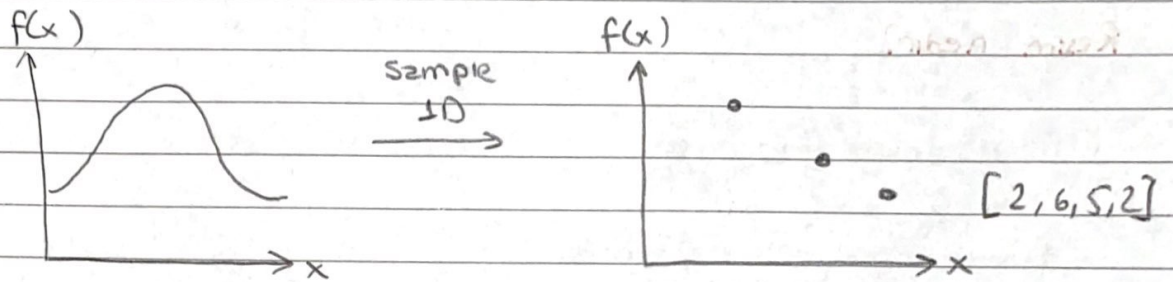
Görüntü işleme dediğimiz dijital bir veri haline getirilmesi esidir.

(ultrasonik, termal, mr ---) (Görme, X-ışın, UV, visible light, IR, Radio waves)  
(ışık spektrumu)



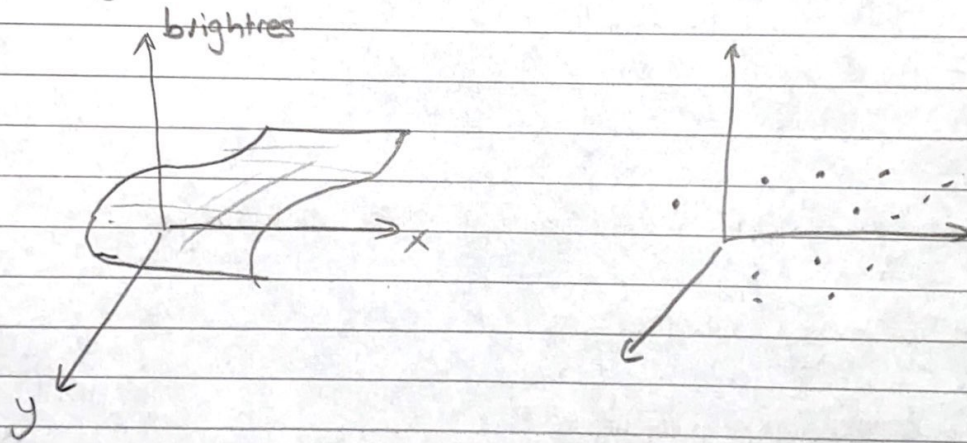
## Sampling In 1D

- Sampling in 1D takes a 'function', and returns a vector whose elements are values of that function at the sample points.

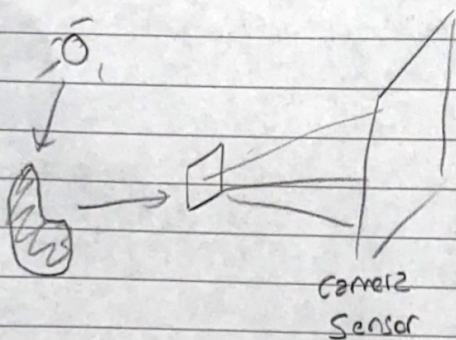


## Sampling in 2D

- Sampling in 2D takes a function and returns a matrix

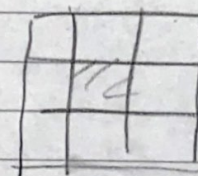


## Image Formation



- Integrating light over a range of angles

Output Image



gibi olur.  
Buzlar  
pikseller  
(yoğunluk ölçülerek  
yapılır.)

Aktif sensörler = Çalıştıkları yüzeye sinyal göndererek  
bunu algılatır. (LIDAR meselesi)



## Resolution

### Geometric vs Spectral Resolution

500x500 iki resim olsun

→ En küçük mesafe birimi genelde alanlar için kullanılır.

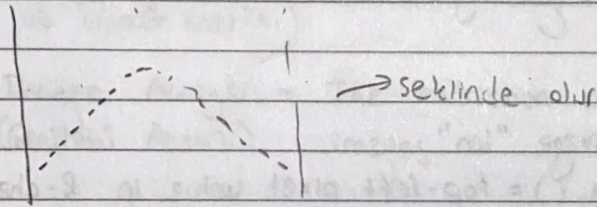
İki resim arasında boyut ve piksel görünümlüğü önemlidir.

Geometrik → uydudan sensörlerle.

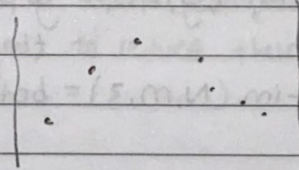
### Quantization

Bir resmin

Brightness'ı önce 27 sanır arttırın sonra tekler 222sin.



Quantization yaptığımızda



sekinde olur.

### Radiometric Resolution

Quantization effectidir. Her bir piksellik verinin kaç bitlik veriyile gösterileceğini ifade eder.

8 bit → 256 , 4 bit → 16 levels , 2 bit → 4 levels  
1 bit → 2 levels .

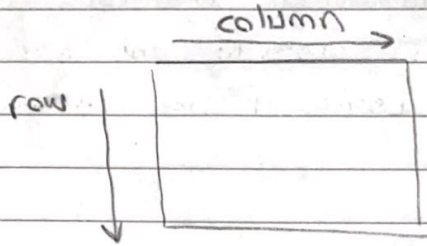
8 → 1 bite doğru değeri azalır.



## Images In Matlab

### • $N \times M$ image "im"

- $im(1,1)$  = top-left pixel value
- $im(y,x)$  = y pixels down, x pixels to right
- $im(N,m)$  = bottom-right pixel



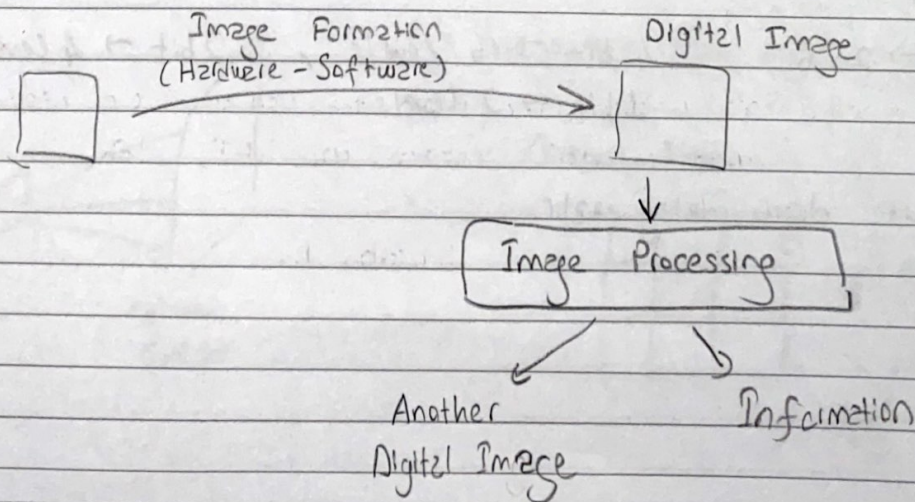
Greyscale Intensity, RGB (3 tone Greyscale Gbri)

### • $N \times M$ RGB image "im"

- $im(1,1,1)$  = top-left pixel value in R-channel.
- $im(y,x,b)$  = y pixels down, x pixels to right in the b<sup>th</sup> channel.
- $im(N,m,3)$  = bottom-right pixel in the B channel.

## Image Processing

- Image processing: operations that take images as input, produce images and information as output.





corrupt=noisy

→ mesela uzaktan okumak gibi

Image Processing, <sup>come photography</sup> → signal processing, computer vision, graphics, machine learning, statistics, applied math gibi alanlarda kullanılabilir

• The processing of digital images can be divided into several classes:

- Image enhancement = the process of improving the quality and the information content of images so that the results are more suitable for display or further image analysis.  
(görüntü iyileştirme)

- Image restoration = the operation of taking a corrupt/noisy image and estimating the clean, original image.  
(resimdeki gürültüler vb ortadan kaldırılır.)

- Image Analysis = The extraction of meaningful information from images.  
(Görüntü Analizi)

- Image compression = type of data compression applied to digital images, to reduce their cost for storage or transmission.  
(Görüntü sıkıştırma)

Computer Vision (Bilgisayarlı Görü) = Amaç, makineye, insan görmeye gibi bir algılama kapasitesi kazandırmak.  
(ör. İnsan tespiti)

## Images In Matlab

• Reading images: imread open and read the contents of image files in most popular formats (eg. TIFF, JPEG, BMP, GIF and PNG etc)

```
>> im = imread('faculty.bmp');
```

• Display an image

```
>> figure; imshow(im);
```



- Writing images: `imwrite` writes image data to the file specified by filename. (kaydetme)

```
>> imwrite(im, 'faculty.bmp');
```

## Image Viewer Application

- `imtool`: displays an image and contains several associated tools that can be used to explore the image contents.

```
>> imtool(im) ← Resim pikselleri hakkında bilgi verir.
```

Resmin bulunduğu dosya açılır

### MATLAB'de

```
>> im = imread('faculty.jpg');
```

$im = 485 \times 780 \times 3$  olur → RGB channeleri belirtir. (uint8 olarak alıyor.)

(x,y) boyutlarında piksel bulunur. 2 boyuttan tek boyuta çekilebilir

Tek RGB yok.

time → tek bir görüntü zamanla değişen görüntüler için kullanılır.

```
>> imR = im(:, :, 1); // Sadece kırmızı kanalı alır.
```

```
>> figure; imshow(imR); // Siyah beyaz ama bu kırmızıyı ifade eder
```

2 için → 6, 3 için → 8 çıkar

→ yüklemesi uzun sürüyor

```
>> imtool(im); // Resimde gezinirken piksel değerlerini gösteriyor.
```

```
// Inspect pixel values'e tıklanarak daha detaylı görünür.
```

```
>> imwrite(im, 'faculty.bmp');
```



Resmi soldan sağa, veya yukarıya aşağıya çevirmek için

```
>> imlr = flip_lr(im);  
>> imud = flipud(im);  
>> figure; imshow(imud);  
>> figure; imshow(imlr);
```

## Dat2 Classes and Dat2 Conversions

• To convert an image to a dat2 class and range suitable for image processing, you can use one of the functions listed in the table

Name	Dat2 Class	• The most common dat2 classes for images are as follows:
im2single	single	
im2double	double	
im2uint8	uint8	- uint8: 1 byte per pixel, in the [0, 255] range
im2uint16	uint16	- double: 8 bytes per pixel, [0.0, 1.0] range
im2int16	int16	- logical: 1 bit per pixel, 1 → white 0 → black

Bir RGB resmi grayscale'e çekmek için

• rgb2gray → convert an RGB image to grayscale ( $\frac{R+G+B}{3}$  her pixel için yapılabilir)

```
>> img = rgb2gray(im);  
>> figure; imshow(img);
```

Pratikte böyle olmuyor.

Bir ağırlıklı ortalamayla yapılıyor

$$\left( \text{rgb2gray} \right. \\ \left. 0.2989 * R + 0.5870 * G + 0.1140 * B \right)$$



Görüntü piksellerini double'a çekelim

```
>> imD = im2double(imG); // 0 ile 1 arasında çekilmiş olur.
```

0 ile 255 arasında çekilsin ama double olsun istiyorsak

```
>> imDD = double(imG); // imDD = imDD + 0.1; yapılabilir.
```

## Image Resizing

- `imresize(image, scale)`: returns an image which is scale times of the given image.

```
>> imR1 = imresize(im, 0.5, 'nearest');
```

```
>> imR2 = imresize(im, 0.5, 'bilinear');
```

```
>> imR3 = imresize(im, 0.5, 'bicubic');
```

```
>> figure, subplot(1,3,1), imshow(imR1), title('Nearest-Neighbor Interpolation');
```

```
>> subplot(1,3,2), imshow(imR2), title('Bilinear Interpolation');
```

```
>> subplot(1,3,3), imshow(imR3), title('Bicubic Interpolation');
```

// bicubic 2 kat daha iyi bilinear göre daha okunaklı oluyor

// ilzki bir kopya olur.

## Image Rotation

- `imrotate(image, angle)` = rotates image by angle degrees in a counterclockwise direction.

- When you rotate an image, you specify the image to be rotated and the rotation angle, in degrees.

- Like `imresize`, `imrotate` allows the user to specify the interpolation method used: nearest-neighbor (default), bilinear, or cubic.



```
>> imRot = imrotate(im, 45, 'bilinear');
```

Döndürme demek aslında orijinal piksel değerlerinin ortaya çıkması demek (sizin tersi)

## Image Cropping

- `imcrop(image)`: displays the image in a figure window and creates an Interactive Crop Image tool associated with an image.

- `imcrop(image, rect)` → crops the image according to the position and dimensions specified in the crop rectangle (`[x, y, width, height]`)

```
>> imCropped = imcrop(im);
```

```
>> imCropped = imcrop(im, [40, 40, 200, 200]);
```

↓

bunu şöyle de yapabiliriz

```
>> imCropped = im(40:240, 40:240, :);
```



# BÖLÜM 7 IMAGE FILTERING DEVAM

## Image Filtering

Compute function of local neighborhood at each position.

$$h(m,n) = \sum_{k,l} f(k,l) I(m+k,n+l)$$

• Amaç:

- Enhance images = Denoise, resize, increase contrast, etc.
- Extract information from images = texture, edges, distinctive points, etc.
- Detect patterns: template matching
- Deep Convolutional Networks

Averaj filtre =  $\frac{1}{9}$ 

1	1	1
1	1	1
1	1	1

Filtreleme (konvolüsyon), pencerenin görüntü üzerinde gezdirilmesi işlemidir (Görüntü işleme bkz.)

Bir görüntüye uyguladığımızda düşük frekansları geçirir, yüksek frekansları bastırır.

⊗ → konvolüsyon işareti.

→ filtre

$$f[x,y] \otimes g[u,v] = h[x,y]$$

Görüntü kenarları kaybedilir. Bunun için çeşitli yöntemler var.



## Box Filter

- Pencerenin dâhilindeki piksellerin ortalamasını alıp merkez pikselin yeni değerini değiştirir. Bu smoothing effecttir. (yumuşatma yani keskin kenarları azaltır.)

Bütün değerler aynıdır.

## Gaussian Filter

1	1	2	1
16	2	4	2
	1	2	1

→ Yakın komşu daha etkili.

$\sigma$  (sigma) arttıkça bulanıklık artar.  
Gaussian Function  
$$g(u, v, \sigma) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\frac{u^2 + v^2}{\sigma^2}}$$

yzpı korunur. ama texture (detaylar) kaybedilir.

## Smoothing with Gaussian Filter

- The amount of smoothing <sup>(bulanıklaştırma)</sup> depends on the value of the spread parameter ( $\sigma$ )

for sigma = 1:3:10

h = fspecial('gaussian', fsize, sigma);

out = imfilter(im, h);

imshow(out);

pause;

end

İnsan gözünün bulanıklığı algılaması açısından gaussian daha iyidir.



accentuated = vurgular

## Practice with Linear Filters

0	0	0
0	1	0
0	0	0

→ resmin aynısını verir.

0	0	0
0	0	1
0	0	0

→ sola kayar. (Shifted left By 1 pixel)

0	0	0
0	2	0
0	0	0

$-\frac{1}{9}$

1	1	1
1	1	1
1	1	1

$-\frac{1}{9} \quad -\frac{1}{9} \quad -\frac{1}{9}$   
 $-\frac{1}{9} \quad 2 \quad -\frac{1}{9}$   
 $-\frac{1}{9} \quad -\frac{1}{9} \quad -\frac{1}{9}$

keskinleştirir.

## Sharpening Filter

local etrafı ile olan farklılıklar vurgulanır.

Yüksek frekansları çıkarır.

## Sobel Filter

yüksek geçiren filtredir.

1	0	-1
2	0	-2
1	0	-1

Kenar tespit operatörüdür.

Yataydaki değişimleri bulduğu için bir dikey kenar tespit operatörüdür.

Yatay tespit için transpozunu alınız

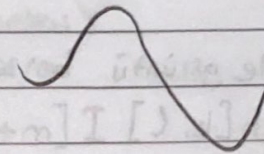
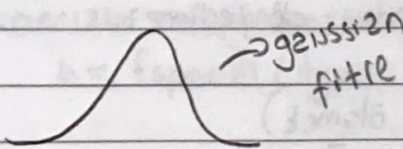
1	2	1
0	0	0
-1	-2	-1



prewitt'de

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1

## 2D Edge Detection Filters



Gaussian'ın türevi  $\frac{\partial}{\partial x} h(x, y)$

Laplacian  $\nabla^2$  operatör (sum of 2<sup>nd</sup> derivatives) (filtrenin türevi)

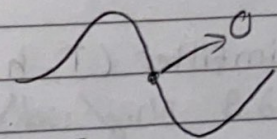
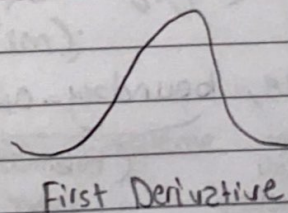
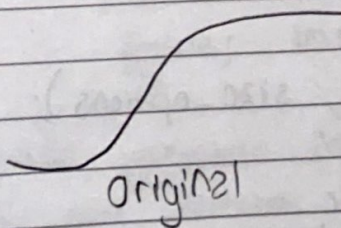
$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$

Genelde

0	1	0
1	-4	1
0	1	0

→ Toplamı 0

kenarları buldurun



Second Derivative

Kenar tespit edilir



1	1	1
1	-8	1
1	1	1

→ Bu da Laplacian filterdir

## Correlation and Convolution

Uyguladığımız filtre simetrik ise yindirler

Correlationda  $90^\circ$  döndürülür. Konvolüsyonda döndürülmez.

2D Correlation (Amacı filtre ile görüntü benzerliğini ölçmek)

$$Y[m,n] = \sum_{k,l} h[k,l] I[m+k,n+l]$$

$$Y = \text{filter2}(h, I); \text{ or } Y = \text{imfilter}(I, h);$$

2D Convolution (Filtreyi uygulayarak görüntüde değişimler yapmak)

$$Y[m,n] = \sum_{k,l} h[k,l] I[m-k,n-l]$$

$$Y = \text{conv2}(h, I); \text{ or } h = \text{imfilter}(I, h, 'conv');$$

$$\text{conv2}(I, h) = \text{filter2}(\text{rot90}(h, 2), I)$$

## imfilter

• Linear filters can be implemented in MATLAB by using imfilter function.

$$Y = \text{imfilter}(I, h, \text{mode}, \text{boundary\_options}, \text{size\_options});$$

input image

conv  
korelasyon  
filter mask

(bütünlükten  
ışın kenar  
pikseller kaybedilebiliyor)

deiste  
konvolüsyon  
yapılacak

Bunun için

'symmetric' (simetrisini ekler)

'replicate' (ayrısını koyar)

'circular'

yapılabilir



size options=

'full' → orjinal görüntüün pad edilmiş / extend edilmiş boyutları olur.  
'same' → output görüntü, input görüntü boyutunda olur.

## fspecial

- fspecial: simply create predefined 2D filters

h = fspecial(type, parameters)

type'ler şunlar olabilir:

• 'average' → Averaging filter

• 'disk' → circular averaging filter

'gaussian' → gaussian low-pass filter

'laplacian' → 2D laplacian operator

'log' → laplacian of Gaussian (LoG) filter

'motion' → Approximates the linear motion of camera

'prewitt' and 'sobel': horizontal edge-emphasizing filters

'unsharp': unsharp contrast enhancement filter.

## Örnekler

ImageFiltering.m 2dinde script açılır

% % Read Image

im = imread('panda.jpg');

figure; imshow(im);

// genelde greyscale üzerinden filtreleme yapılır. Öbür türlü R, G, B için  
// ayrı ayrı filtreleme yapılmalı.

im = rgb2gray(im);

im = im2double(im);



% % low-pass filters

h\_box = fspecial('average', [13 13]); // genelde tek sayı verilir ki  
// ortadaki sayı alınabilir.

// kendimiz üretmek istersek

% h\_box = ones(13) ./ (13 \* 13);

im\_box = imfilter(im, h\_box, 'conv');  
figure; imshow(im\_box);

h\_gauss = fspecial('gaussian', [13 13], 0.5);

im\_gauss = imfilter(im, h\_gauss, 'conv');  
figure; imshow(im\_gauss);

→ sigma arttıkça bulanıklık azalır.

% % high-pass filters

h\_lap = [0 -1 0; -1 4 -1; 0 -1 0]; // Laplacian filter

im\_lap = imfilter(im, h\_lap, 'conv');

figure; imshow(im\_lap); -1 8 daha iyi ama güçlüdür.

\* Command Window'a

>> sum(h\_gauss(:)) → 1 çıkar

h\_box → 1

h\_lap → 0 çıkar

Laplacian kullanılarak görüntüyü keskinleştirme:

im\_sharp = im + im\_lap;

figure; imshow(im\_sharp);



## % % Edge Detection

h-sobel = fspecial('sobel'); → transpose

im-sobelH = imfilter(im, h-sobel, 'conv');

im-sobelV = imfilter(im, h-sobel', 'conv');

figure; imshow(im-sobelH);

figure; imshow(im-sobelV);

im-edge = im-sobelH + im-sobelV;

figure; imshow(im-edge); // hem yatay hem dikey kenar tespiti.

$$\text{image gradient magnitude} = \sqrt{g_y^2 + g_x^2} \quad \text{Yönü} = \theta = \tan^{-1} \left[ \frac{g_y}{g_x} \right]$$

→ büyüklüğüne → yönünü

[magnitude, orientation] = imgradientz(im-sobelH, im-sobelV);

figure; imshow(magnitude);

figure; imshow(orientation, [1 255]); → ölçekleme yapar

## % % Other Filters

h-motion = fspecial('motion', 20, 45);

im-motion = imfilter(im, h-motion, 'conv');

figure; imshow(im-motion);

length (bu hareketin büyüklüğünü belirtir.)  
angle (sırt yönünün tersi)

90 için  
yıkardan asgariye  
hareket olur.

0 derece sağdan sola

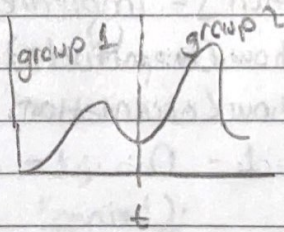


# Bölüm 7 BINARY IMAGES

- In a binary image, each pixel assumes one of only two discrete values: 1 or 0.
- A binary image is stored as a logical array in MATLAB

## Thresholding

- Binary images are often produced by thresholding a grayscale or color image, in order to separate an object in the image from the background.
- Thresholding provides an easy and convenient way to separate out the regions of the image corresponding to objects in which we are interested, from the regions of the image that correspond to background



- In simple implementation, each pixel in the image is compared with a threshold. If the pixel's intensity is higher than the threshold, the pixel is set to white in the output. If it is less than the threshold, it is set to black.

Threshold tespiti için belirli yöntemler mevcut.  
Bunlardan biri Otsu's Methodu.



contribute = katkıda bulunur.

## Automatic Thresholding: Otsu's Method

126 bookpages'den okumayı önerir.

- Assumption: the histogram is bimodal
- Method: find the threshold  $t$  that minimizes the weighted sum of within-group variances for two groups that result from separating the grey tones at value  $t$ .

>>  $t = \text{graythresh}(im)$  % image threshold using Otsu's method

## Mathematical Morphology

- The field of mathematical morphology contributes a wide range of operators to image processing all based around a few simple mathematical concepts from set theory.
- The operators are particularly useful for the analysis of binary images and common usages include edge detection, noise removal, image enhancement and image segmentation.
- Most common morphological operators are:
  - dilation (genişletme)
  - erosion (silme)
  - closing (kapama)
  - opening (silme)

Siyah beyaz resimler üzerinde bu işlemler yapılarak görüntü daha iyi hale getirilebilir.

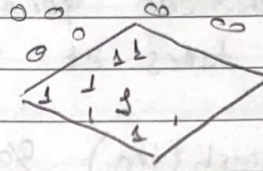
Bu işlem için belirli structuring element'e ihtiyacımız vardır.



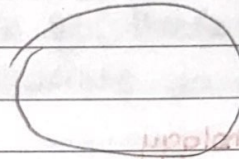
## Structuring Elements

(filtre gibi) elimizde bir yapısal elemanımız var ve matematiksel operasyonları bunu kullanarak gerçekleştirebiliriz. Farklı tipte olabilir MATLAB'de strel (structuring element) fonksiyonu ile benzer bu yapısal maskeler üretilir.

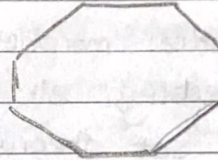
$SE = \text{strel}('diamond', r)$



$SE = \text{strel}('disk', r, n)$



$SE = \text{strel}('octagon', r)$

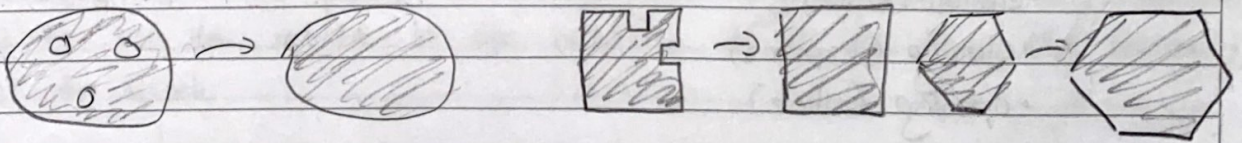


Azaltılabilir.

$r, n$  şeklin boyutlarını belirtir. (Şekillerin içi 1 dışı 0 olur.)

### 1) Dilation

Dilation birbirine bağlı olan 1'leri genişletmek için kullanılır. Delikler kapatılabilir. Özellikleri büyütmek için kullanılabilir.

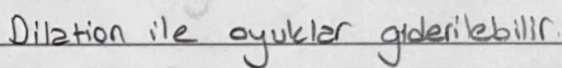




00203 (S)

- The arguments to dilation and erosion are

- Dilzete fonksiyonunda  $S$ ,  $B'$  de getirildiği zaman  $S$ 'in  
ortasındaki 1,  $B'$  deki 1'lerden biriyle karşılaştığı zaman OR  
mine tibi tutulur.



77 `imb = imbinarize(img); % siyah beyaz`

```
>> se = strel('diamond', 5);
```

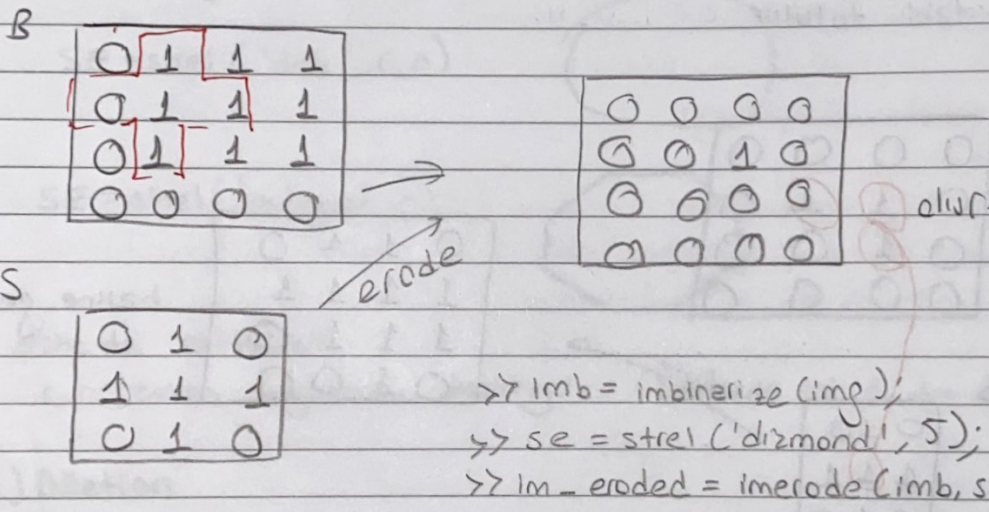
```
>> im_dilated = imdilate (imb, se);
```



## 2) Erosion

Erosion ile küçültme (shrink) yapılır. Çukurluklar giderilebilir. Özellikler, kenarlar, bağlantıları kopartmak için kullanılabiliriz.

S structural elementi, binary resim üzerinde gezdirilirken S'in tüm 1'leri, binary resimde de 1 ile karıştıyorsa bir şey yapılmaz. Yoksa hepsini 0'la.



## 3) Opening and Closing

Closing,  $\rightarrow$  önce dilation, sonra erosion.

opening  $\rightarrow$  önce erosion, sonra dilation.

### Connected Components Labeling

Birbirini takip eden opening ve closing işlemleriyle benzer kenardaki ayrılgılardan kurtulur sadece objeler kalır.



## Örnekler

script

% % Read in Images

im1 = imread('Test1.jpg');

im2 = imread('Test2.jpg');

figure; imshow(im1);

figure; imshow(im2);

% % Convert to Grayscale

im1 = rgb2gray(im1);

im2 = rgb2gray(im2);

figure; imshow(im1);

figure; imshow(im2);

% % Subtract Images

// im\_diff = abs(im1 - im2);

figure; imshow(im\_diff);

Bunun yerine

im\_diff = imsubtract(im1, im2); 'de yapılabilir.

Aynısı.

% %

imhist(im\_diff) ile histogram değerine bakılabilir.

Histogram = görüntüdeki her bir piksel değerine sahip kaç tane piksel var? anı gösterir.

% % Thresholding

im\_diff = im2double(im\_diff);

th = graythresh(im\_diff); % Otsu yöntemi (elle de girilebilir)

im\_bw = im\_diff > th; % ile sıyah beyaz görüntü olur;

figure; imshow(im\_bw);

Bunun yerine im\_bw = imbinarize(im\_diff); yazılabilir.



% % Fill in Regions

se = strel('disk', 3); % Gapi 3 7 ye 7 'lige karsilik gelir.  
im-open = imopen(im-bw, se); % derletme yapar. im close yapılabilir  
figure; imshow(im-open);

% Görüntülerden kurtulmak için; morfolojik operatör kullanılmış olur.  
'disk', 1  
imopen yapılır.

im\_2rez = bw2rezopen(im-bw, 15); // 15<sup>pixel</sup>'den daha küçük  
olan bölgeler gider.

% % Region Properties

\*

im-stats = regionprops(im-open, 'Major Axis Length');

\*

im-length = [im-stats.Major Axis Length];

80 üzeri dersem bu bir nesnedir denilebilir.  
(4 bölge var.)

idx = im-length > 80;

im-stats-final = im-stats(idx);

disp(im-stats-final);

% % Determine if change is significant

if isempty(im-stats-final)

disp('Nothing here');

else

disp('Something here');

end



Vize E-4 cevabı

$$x = -15:0.1:15;$$

$$y = -15:0.1:15;$$

$$[X, Y] = \text{meshgrid}(x, y);$$

$$Z = \sin(\sqrt{X.^2 + Y.^2}) ./ \sqrt{X.^2 + Y.^2};$$

$\text{mesh}(X, Y, Z);$  hold on;

$\text{contour}(X, Y, Z);$  hold off;

## Bölüm - 8 DEEP LEARNING

1 soru gelecek.

### Artificial Intelligence

Yapay zeka, tanım olarak akıllı varlıkların zeki davranışlarını taklit eden yazılımlardır. İnsanların yorum yapma, sonuç çıkarma, geçmiş tecrübelerden öğrenme gibi insana mahsus zeki davranışlar oluşturulmaya çalışılır.

AI, çevresinde meydana gelen olaylardan öğrenen bu olay ve eylemleri algılayıp karar vermesi intelligent agent dir.

### Machine Learning

Bazı durumlarda karşılaştığımız problemi, çözümünü oluşturarak kadar algoritmasını, çıkarsak kadar iyi biliyor olabiliriz. Fakat elimizde birçok data var.

Training datayı kullanarak ilgilendiğimiz problemin bir matematiksel modelini üreten algoritmalar dir. "Prediction ve Decision"



Deep Learning ile farkı;

ML'de elimizdeki inputları kullanarak bir feature set çıkarıyor.  
Bu featureları kullanarak bir model oluşturmuyoruz.

Deep Learning'de ise daha fazla hidden layerlerden oluşan ağların  
Verilen inputa göre feature extraction'ında classification işlemini de  
yapar.

## Deep Learning

Gök sayıda katman kullanarak yüksek seviyeli featurelar çıkarabilir.

Öğretilen ağı kullanılır.

ML  $\rightarrow$  spam, hzm filter.

## 1943 - 2006 Prehistory of Deep Learning

1943  $\rightarrow$  AND OR neuron

1958  $\rightarrow$  neuron perception, binary sınıflandırma problemi.

1969  $\rightarrow$  Perceptronlar XOR problemi çözemez.

1990  $\rightarrow$  multilayer perceptronlar ile XOR problemi çözülebiliyor.

Mazur's Paradox = ilk zeki gelenin aksine, karar verme karmaşık  
hesaplar yapma işlemleri pc'ye yaptırmak kolaydır  
ve az maliyetlidir. Sensörlü dış dünyayı algılamak  
problemleri çok ciddi beceri gerektirir.

Bu tür becerileri robotlara kazandırmak zordur.

Neden fail oldu?



ImageNet yarışması ile popüler hale gelmeye başladı. (2009)  
Alexnet var.

Neden deep learning popüler oldu?

- Verisetlerinin boyutunun artması
- New deep learning models
- Increasing computational power

**MATLAB'de;**

DNN modellerinden yaygın olarak kullanılan özellikli görüntü işleme modelleriyle kullanılan evrimsimli sınırlı ağıdır. (Convolutional neural network.)

Görüntü verilerinde evrim işlemi uygulayarak özellikli görüntü çıkarılır.  
Bu özellikli görüntüyü ortaklama katmanını kullanarak tam bağlantılı (fully connected) katmanına yollar.

**Evrimsim Katmanı**

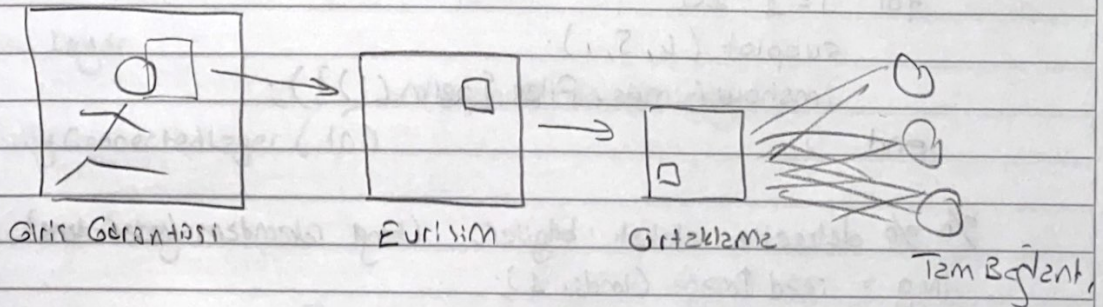
İ giriş görüntüsünün bir filtre aracılığıyla tırar, filtrenin nasıl geçeceğini parametre olarak verebiliriz.

**Ortaklama Katmanı (POOL)**

Büyük miktardaki verimden özet çıkarma işlemini sağlar.

max-pooling → bulunmuş olduğu bölümden max değeri döndürür.

average-pooling → bulunmuş olduğu bölümden değerlerin ortalamasını bulur.





## Tam Beğlenti

Yazay sınırlar zif modelidir. Sonuca gikirmek iğin kullanılır.

## Aktivasyon Fonksiyonları.

Elde edilen verilerin Doğrusal olmasını engellemek amacıyla aktivasyon fonksiyonları kullanılır. ReLU Sızıntı ReLU ELU

Softmax  $\rightarrow$  Sınıflandırma tabi uygulamalarda kullanılır.

ör

script açılır.

% % datasetin yüklenmesi

Birizyi  
Sermaz

```
digitDatasetPath = fullfile(matlabroot, 'toolbox', 'nnet', 'nddemos',  
    'nndatasets', 'Digit Dataset');  
imds = imageDatastore(digitDatasetPath,  
    'IncludeSubfolders', true, 'LabelSource', 'foldernames');
```

% % datasetten örnek görüntülerin gösterilmesi

figure;

perm = randperm(10000, 20);

for i = 1:20

subplot(4, 5, i);

imshow(imds.Files{perm(i)});

end

% % datasetle ilgili bilgiler; (hangı rekamden kaçer time)

img = readImage(imds, 1);

size(img)

labelCount = countEachLabel(imds)



% 90 Veri kümesini train ve test olarak ayırmak % 35 → train

numTrainFiles = 750;

[imdsTrain, imdsValidation] = splitEachLabel(imds, numTrainFiles, 'randomize');

% 90 Kütüphanenin kod ile oluşturulması → Deep Network Designer ile yapılabilir

layers = [

imageInputLayer([28 28 1])

→ kanal sayısı RGB olsaydı → 3 olurdu

→ pencere boyutu

→ dolgu yap (kenarlar için)

convolution2dLayer(3, 8, 'padding', 'same')

→ filtre sayısı

→ gelen veri ile çıkan verinin boyutu eşit olsun.

batchNormalizationLayer → genelde Conv layer ile aktivasyon fonk arasında kullanılır. Eğitimi hızlandırır.

reluLayer → aktivasyon fonk

→ pencere boyutu

→ etki alanı

maxPooling2dLayer(2, 'Stride', 2) → Veriyi daha küçük boyuta indirir.

convolution2dLayer(3, 16, 'padding', 'same')

batchNormalizationLayer

reluLayer

fullyConnectedLayer(10)

→ 10 sınıfı temsil ediyor

softmaxLayer

classificationLayer;



% % Eğitim parametrelerinin yazılması

```
options = trainingOptions('sgdm', ...  
    'InitialLearnRate', 0.01, ... → Başlangıç öğrenme oranı (Büyükse hızlıca  
    'MaxEpochs', 4, ... → Tam verinin elden geçirme 4 kere öğrenir.)  
    'Shuffle', 'every-epoch', ... → veriyi karıştırılır.  
    'ValidationData', imdsValidation, ... → test yapılacak veri belirtilir.  
    'ValidationFrequency', 30, ... → Kaç adımda bir gösterileceğimizi;  
    'Verbose', false, ... → detaylı  
    'Plots', 'training-progress'); → training aşamasını grafiklerle gösterir.
```

% % Networkun Eğitilmesi

```
net = trainNetwork(imdsTrain, layers, options);
```

% Bu işlemler

% Validation accuracy %98 çıktı.

% % Validation Doğruluk Değerinin Hesaplanması

```
YPred = classify(net, imdsValidation);  
YValidation = imdsValidation.Labels;
```

```
accuracy1 = sum(YPred == YValidation) / numel(YValidation)
```

% % Rastgele bir görüntünün eğitilen network ile tahmin edilmesi

```
randNum = randperm(2500, 1);
```

```
randomImage = readImage(imdsValidation, randNum);
```

```
classify(net, randomImage); → bu tahmin eder, çıktıdır.
```

```
imshow(randomImage)
```



## Alexnet (Transfer learning)

Derin öğrenme modelleri genellikle büyük veri gerektirir. Ancak yeterli veri yoksa hazır modeller var. Bu modellerin eğitilmiş katmanlarını kullanabiliriz.

```
unzip('MerchData.zip');  
imds = imageDatastore('MerchData', ---  
    'IncludeSubfolders', true, ---  
    'LabelSource', 'foldernames');
```

```
[imdsTrain, imdsValidation] = splitEachLabel(imds, 0.7, 'randomized');
```

```
numTrainImages = numel(imdsTrain.Labels);
```

```
idx = randperm(numTrainImages, 16);
```

```
figure;
```

```
for i = 1:16
```

```
    subplot(4,4,i)
```

```
    I = readImage(imdsTrain, idx(i));
```

```
    imshow(I);
```

```
end
```

```
net = alexnet;
```

```
net.Layers.
```

```
inputSize = net.Layers(1).InputSize
```

→ Son 3 kısım atılır. (23'den sonrasını atılır.)

```
layersTransfer = net.Layers(1:end-3);
```

```
numClasses = numel(categories(imdsTrain.Labels));
```

```
layers = [
```

```
    layersTransfer
```

```
    fullyConnectedLayer(numClasses, 'WeightLearnRateFactor', 20,  
        'BiasLearnRateFactor', 20)
```

```
    softmaxLayer
```

```
    classificationLayer];
```



% image augementer, → Elitizdeki veriyi arttırma işlemidir.

pixelRange = [-30, 30];

imageAugementer = ImageDataAugementer ( ---  
'Rand X Reflection', true, ---  
'Rand X Translation', pixelRange, ---  
'Rand Y Translation', pixelRange);

augImdsTrain = augmentedImageDatastore (inputSize(1:2), imdsTrain, ---  
'Data Augmentation', imageAugementer);

augImdsValidation = augmentedImageDatastore (inputSize(1:2),  
imdsValidation);

options = trainingOptions ('sgdm', ---  
'MiniBatchSize', 10, ---  
'MaxEpochs', 6, ---  
'InitialLearn Rate', 1e-4, ---  
'Validation Data', augImdsValidation, ---  
'Validation Frequency', 3, ---  
'Validation Patience', Inf, ---  
'Verbose', false, ---  
'Plots', 'training-progress');

netTransfer = trainNetwork (augImdsTrain, layers, options);

[YPred, scores] = classify (netTransfer, augImdsValidation);



```
idx = randperm (numel (imds Validation. Files), 4);  
figure;  
for i = 1:4  
    subplot (2,2,i);  
    I = readImage (imds Validation, idx(i));  
    imshow (I);  
    l2bel = YPred (idx(i));  
    title (string (l2bel));  
end
```

```
Y Validation = imds Validation. Labels;  
accuracy = mean (YPred == Y Validation)
```